

PARADIGME DE PROGRAMARE

Curs 17

Clase Haskell standard.

Clase Haskell standard – Cuprins

- Clase pentru tipuri de bază
- Clase pentru containere
- Comparație cu clasele din POO
- Mesaje de eroare

Clasa Eq

```
class Eq a where
```

```
  (==), (/=) :: a -> a -> Bool
```



Minimal complete definition:

?

```
x /= y = not (x == y)
```

```
x == y = not (x /= y)
```

Clasa Eq

```
class Eq a where
```

```
  (==), (/=) :: a -> a -> Bool
```



Minimal complete definition:
(==) SAU (/=)

```
x /= y = not (x == y)
```

```
x == y = not (x /= y)
```

Clasa Ord

```
class Eq a => Ord a where  
  compare :: a -> a -> Ordering  
  (<), (<=), (>=), (>) :: a -> a -> Bool  
  max, min :: a -> a -> a
```

Minimal complete definition:

?

```
compare x y  
  | x == y = EQ  
  | x <= y = LT  
  | otherwise = GT
```

```
max x y  
  | x >= y = x  
  | otherwise = y
```

```
x <= y = compare x y /= GT  
x < y = compare x y == LT  
x >= y = compare x y /= LT  
x > y = compare x y == GT
```

```
min x y  
  | x <= y = x  
  | otherwise = y
```

Clasa Ord

```
class Eq a => Ord a where  
  compare :: a -> a -> Ordering  
  (<), (<=), (>=), (>) :: a -> a -> Bool  
  max, min :: a -> a -> a
```

Minimal complete definition:
(<=) SAU compare

```
compare x y  
  | x == y = EQ  
  | x <= y = LT  
  | otherwise = GT
```

```
max x y  
  | x >= y = x  
  | otherwise = y
```

```
x <= y = compare x y /= GT  
x < y = compare x y == LT  
x >= y = compare x y /= LT  
x > y = compare x y == GT
```

```
min x y  
  | x <= y = x  
  | otherwise = y
```

Clasele Show și Read

```
class Show a where  
  show :: a -> String  
  ...
```



Minimal complete definition:
show SAU showsPrec

```
class Read a where  
  ...
```

- Funcția utilitară read, definită în afara clasei:

```
read :: Read a => String -> a
```

Exemplu utilizare:

```
read "[1,2,3]" :: [Int] -- întoarce [1,2,3]
```

Clasa Enum

```
class Enum a where
  succ, pred      :: a -> a
  toEnum         :: Int -> a
  fromEnum       :: a -> Int
  enumFrom       :: a -> [a]           -- [n..]
  enumFromThen   :: a -> a -> [a]     -- [n,n'..]
  enumFromTo     :: a -> a -> [a]     -- [n..m]
  enumFromThenTo :: a -> a -> a -> [a] -- [n,n'..m]

succ = toEnum . (+1) . fromEnum
pred = toEnum . (subtract 1) . fromEnum
enumFrom x = map toEnum [fromEnum x ..]
enumFromTo x y = map toEnum [fromEnum x .. fromEnum y]
enumFromThen x y = map toEnum [fromEnum x, fromEnum y ..]
enumFromThenTo x y z = map toEnum [fromEnum x, fromEnum y .. fromEnum z]
```

Minimal complete definition:
?

Clasa Enum

```
class Enum a where
  succ, pred      :: a -> a
  toEnum         :: Int -> a
  fromEnum       :: a -> Int
  enumFrom       :: a -> [a]           -- [n..]
  enumFromThen   :: a -> a -> [a]     -- [n,n'..]
  enumFromTo     :: a -> a -> [a]     -- [n..m]
  enumFromThenTo :: a -> a -> a -> [a] -- [n,n'..m]

  succ = toEnum . (+1) . fromEnum
  pred = toEnum . (subtract 1) . fromEnum
  enumFrom x = map toEnum [fromEnum x ..]
  enumFromTo x y = map toEnum [fromEnum x .. fromEnum y]
  enumFromThen x y = map toEnum [fromEnum x, fromEnum y ..]
  enumFromThenTo x y z = map toEnum [fromEnum x, fromEnum y .. fromEnum z]
```

Minimal complete definition:
toEnum și fromEnum

Clasa Bounded

```
class Bounded a where  
  minBound      :: a  
  maxBound      :: a
```

Minimal complete definition:
minBound ŞI maxBound



```
*Main> minBound :: Int  
-9223372036854775808  
*Main> maxBound :: Int  
9223372036854775807  
*Main> maxBound :: Integer
```

```
<interactive>:149:1:
```

```
No instance for (Bounded Integer) arising from a use of `maxBound'
```

Clasa Num

```
class Num a where  
  (+), (-), (*) :: a -> a -> a  
  negate :: a -> a  
  abs :: a -> a  
  signum :: a -> a  
  fromInteger :: Integer -> a
```

```
x - y = x + negate y  
negate x = 0 - x
```

Minimal complete definition:

```
(+) ŞI (*) ŞI  
abs ŞI signum ŞI  
fromInteger ŞI  
(-) sau negate
```

Cuvântul cheie **deriving**

- Multe clase predefinite sunt **derivabile**: funcțiile lor pot fi implementate automat (rudimentar) pentru un nou tip care solicită acest lucru folosind **deriving**
 - **Eq** – $a == b$ dacă aplică aceiași constructori pe aceleași valori în aceeași ordine
 - **Ord, Enum** – folosesc ordinea în care sunt definiți constructorii de date
Ex: $\text{False} < \text{True}$ pentru că $\text{data Bool} = \text{False} \mid \text{True}$
 - **Show** – afișează o valoare ca pe o aplicare succesivă de constructori
 - **Read** – reconstruiește o valoare dintr-un String care reprezintă o aplicare de constructori
 - **Bounded** – definește limitele folosind primul și ultimul constructor de date din definiție
 - **Num** – nu este derivabilă automat, deoarece semnificația operațiilor aritmetice depinde de logica matematică, nu de structura constructorilor

Pentru a instanția Ord trebuie să instanțiem și Eq, nu e automat

```
data Dice = S1 | S2 | S3 | S4 | S5 | S6 deriving (Eq, Ord, Enum)
```

Polimorfism și clase – Cuprins

- Clase pentru tipuri de bază
- Clase pentru containere
- Comparăție cu clasele din POO
- Mesaje de eroare

Containere

Definim **clasa** `Container` (care nu există în Haskell) pentru tipuri care conțin elemente

- ex: `[a]`, `Maybe a`, `List a`, `BSTree a`
- clasa oferă **funcția** `contents` care întoarce o listă cu toate elementele din structură

```
class Container t where
```

```
  contents :: t -> ??
```

t = tipul containerului, de exemplu `BSTree a`

Problema: trebuie să întoarcem `[a]` și
nu avem un mod de a extrage `a` din `t`

Containere

```
class Container t where  
  contents :: t -> ??
```

t = tipul containerului, de exemplu BSTree a

Problema: trebuie să întoarcem [a] și
nu avem un mod de a extrage a din t

```
class Container t where  
  contents :: t a -> [a]
```

Soluția: variabila t să reprezinte constructorul de tip
(ex: BSTree), nu întreg tipul parametrizat

```
instance Container [] where → Constructorul de tip [], nu întreg tipul parametrizat [a]  
  contents = id
```

Clase Haskell pentru containere

Clase Haskell predefinite ale căror operații sunt dedicate containerelor:

- **Functor** (pentru containere care suportă transformări de tip map)

```
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

→ Minimal complete definition:
fmap

- **Foldable** (pentru containere reductibile la o valoare prin operații de tip fold)

```
class Foldable t where
  ...
  foldr :: (a -> b -> b) -> b -> t a -> b
  ...
  foldl :: (a -> b -> a) -> a -> t b -> a
  ...
```

→ Minimal complete definition:
foldr

Exerciții

La ce se evaluează `ex1`, `ex2`, `ex3`, `ex4`, cunoscând:

`instance Functor Maybe -- Defined in `Data.Maybe``

`instance Functor [] -- Defined in `GHC.Base``

`instance Functor ((->) r) -- Defined in `GHC.Base``

`instance Functor ((),) a) -- Defined in `GHC.Base``

`instance Foldable ((),) a) -- Defined in `Data.Foldable``

```
ex1 = fmap (+1) (Just 5)
```

```
ex2 = fmap (+1) (+1) 2
```

```
ex3 = fmap (+1) (1, 2)
```

```
ex4 = foldl (+) 10 (1, 2)
```

Exerciții

La ce se evaluează `ex1`, `ex2`, `ex3`, `ex4`, cunoscând:

`instance Functor Maybe -- Defined in `Data.Maybe``

`instance Functor [] -- Defined in `GHC.Base``

`instance Functor ((->) r) -- Defined in `GHC.Base``

`instance Functor ((),) a) -- Defined in `GHC.Base``

`instance Foldable ((),) a) -- Defined in `Data.Foldable``

```
ex1 = fmap (+1) (Just 5)           -- Just 6
ex2 = fmap (+1) (+1) 2             -- 4
ex3 = fmap (+1) (1, 2)             -- (1, 3)
ex4 = foldl (+) 10 (1, 2)          -- 12
```

Polimorfism și clase – Cuprins

- Clase pentru tipuri de bază
- Clase pentru containere
- **Comparație cu clasele din POO**
- Mesaje de eroare

Clase Haskell versus clase și interfețe POO

Clase Haskell ≠ Clase POO

- O clasă Haskell este o mulțime de tipuri
- O clasă POO este un singur tip (mulțimea valorilor de acel tip)

Clase Haskell ~ Interfețe POO

- Clasa Haskell este instanțiată de diverse tipuri
- Interfața POO este implementată de diverse clase (care sunt ca niște tipuri)
- Ambele doar precizează operațiile pe care tipul trebuie să le aibă, nu le și implementează

Polimorfism și clase – Cuprins

- Polimorfism parametric și ad-hoc
- Clase Haskell
- Derivarea unei clase
- Instanțierea unei clase
- Context
- Clase uzuale
- Clase pentru containere
- Comparatie cu clasele din POO
- Mesaje de eroare

No instance for (<> a)

- **signatura** furnizată este **incompletă**: trebuie să-i adăugăm contextul

```
eq :: a -> a -> Bool
```

```
eq x y = x == y
```

No instance for (Eq a) arising from a use of `==`

Possible fix:

add (Eq a) to the context of

the type signature for `eq :: a -> a -> Bool`

In the expression: `x == y`

No instance for (<> a)

- **signatura** furnizată este **incompletă**: trebuie să-i adăugăm contextul

```
eq :: Eq a => a -> a -> Bool  
eq x y = x == y
```

No instance for (Eq a) arising from a use of '=='

Possible fix:

add (Eq a) to the context of
the type signature for eq :: a -> a -> Bool

In the expression: x == y

Could not deduce (b ~ a)

- din sinteza de tip rezultă că $a = b$, dar **signaturile furnizate de programator nu garantează** acest lucru
- rigid type variable înseamnă că signatura a fost fixată de programator și Haskell nu e liber să unifice a și b

```
eq :: (Eq a, Eq b) => a -> b -> Bool
eq x y = x == y
```

Could not deduce (b ~ a)

from the context (Eq a, Eq b)

...

`b' is a rigid type variable bound by

the type signature for eq :: (Eq a, Eq b) => a -> b -> Bool

`a' is a rigid type variable bound by

the type signature for eq :: (Eq a, Eq b) => a -> b -> Bool

Could not deduce (b ~ a)

- din sinteza de tip rezultă că $a = b$, dar **signaturile furnizate de programator nu garantează** acest lucru
- rigid type variable înseamnă că signatura a fost fixată de programator și Haskell nu e liber să unifice a și b

```
eq :: Eq a => a -> a -> Bool
```

```
eq x y = x == y
```

Could not deduce (b ~ a)

from the context (Eq a, Eq b)

...

`b' is a rigid type variable bound by

the type signature for eq :: (Eq a, Eq b) => a -> b -> Bool

`a' is a rigid type variable bound by

the type signature for eq :: (Eq a, Eq b) => a -> b -> Bool

No instance for (Num <>)

- În Haskell, **numerele sunt polimorfice**
 - în funcție de context, `1` este `Int` / `Float` / `Double` / ...
- Întregii `n` sunt înlocuiți automat cu `fromInteger n`
 - `fromInteger :: Num a => Integer -> a` (transformă în tipul numeric așteptat în context)
- eroarea spune că **am folosit un număr pe poziția pe care se aștepta un tip nenumeric**

```
f = False || 1
```

No instance for (Num Bool) arising from the literal `1`

Explicație: aștept `Bool`, înseamnă că `fromInteger 1 :: Bool = a`,
înseamnă că `Num a` adică `Num Bool` (dar asta nu se întâmplă)

No instance for (Num <>)

- În Haskell, **numerele sunt polimorfice**
 - în funcție de context, `1` este `Int` / `Float` / `Double` / ...
- Întregii `n` sunt înlocuiți automat cu `fromInteger n`
 - `fromInteger :: Num a => Integer -> a` (transformă în tipul numeric așteptat în context)
- eroarea spune că **am folosit un număr pe poziția pe care se aștepta un tip nenumeric**

```
f = False || True
```

No instance for (Num Bool) arising from the literal `1`

Explicație: aștept `Bool`, înseamnă că `fromInteger 1 :: Bool = a`,
înseamnă că `Num a` adică `Num Bool` (dar asta nu se întâmplă)

Rezumat

Clasa Eq

Clasa Ord

Clasa Show

Clasa Read

Clasa Enum

Clasa Bounded

Clasa Functor

Clasa Foldable

Rezumat

Clasa Eq: pentru tipuri comparabile pentru egalitate (==), (/=)

Clasa Ord

Clasa Show

Clasa Read

Clasa Enum

Clasa Bounded

Clasa Functor

Clasa Foldable

Rezumat

- Clasa Eq: pentru tipuri comparabile pentru egalitate (==), (/=)
- Clasa Ord: pentru tipuri ordonabile (<=), compare
- Clasa Show
- Clasa Read
- Clasa Enum
- Clasa Bounded
- Clasa Functor
- Clasa Foldable

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afișabile	show
Clasa Read		
Clasa Enum		
Clasa Bounded		
Clasa Functor		
Clasa Foldable		

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afișabile	show
Clasa Read:	pentru tipuri care pot fi citite din String	readsPrec
Clasa Enum		
Clasa Bounded		
Clasa Functor		
Clasa Foldable		

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afișabile	show
Clasa Read:	pentru tipuri care pot fi citite din String	readsPrec
Clasa Enum:	pentru tipuri enumerabile	fromEnum, toEnum
Clasa Bounded		
Clasa Functor		
Clasa Foldable		

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afișabile	show
Clasa Read:	pentru tipuri care pot fi citite din String	readsPrec
Clasa Enum:	pentru tipuri enumerabile	fromEnum, toEnum
Clasa Bounded:	pentru tipuri limitate inferior/superior	minBound, maxBound
Clasa Functor		
Clasa Foldable		

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afișabile	show
Clasa Read:	pentru tipuri care pot fi citite din String	readsPrec
Clasa Enum:	pentru tipuri enumerabile	fromEnum, toEnum
Clasa Bounded:	pentru tipuri limitate inferior/superior	minBound, maxBound
Clasa Functor:	pentru containere transformabile (mapabile)	fmap
Clasa Foldable		

Rezumat

Clasa Eq:	pentru tipuri comparabile pentru egalitate	(==), (/=)
Clasa Ord:	pentru tipuri ordonabile	(<=), compare
Clasa Show:	pentru tipuri afişabile	show
Clasa Read:	pentru tipuri care pot fi citite din String	readsPrec
Clasa Enum:	pentru tipuri enumerabile	fromEnum, toEnum
Clasa Bounded:	pentru tipuri limitate inferior/superior	minBound, maxBound
Clasa Functor:	pentru containere transformabile (mapabile)	fmap
Clasa Foldable:	pentru containere care pot fi reduce	foldr