



# Arhitectura Sistemelor de Calcul – Curs 4



Computer Science  
& Engineering  
Department

Universitatea Politehnica Bucuresti  
Facultatea de Automatica si Calculatoare

[cs.pub.ro](http://cs.pub.ro)  
[curs.cs.pub.ro](http://curs.cs.pub.ro)



## Cuprins

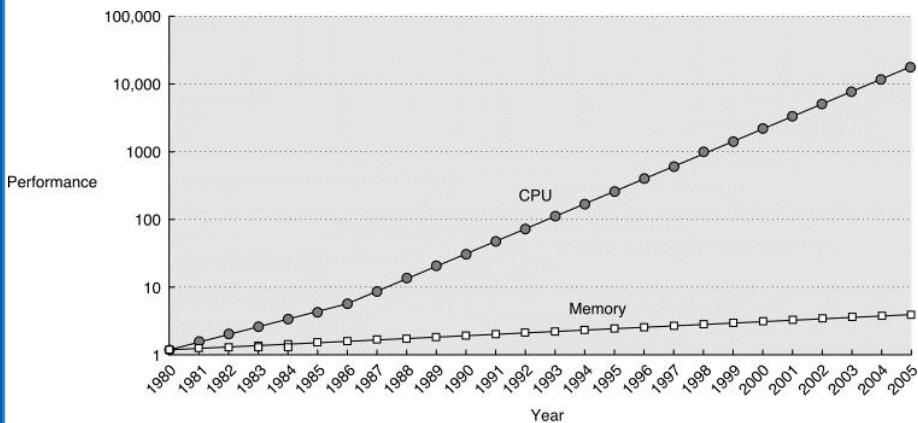
2

- Ierarhia de memorii – Bottleneck-ul SC
- Localitatea datelor
- Cache – design, implementari si exemple
- Imbunatatirea performantelor memoriei



## Este Memoria o Problema?

3



© 2003 Elsevier Science (USA). All rights reserved.

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Ierarhia de Memorii

4

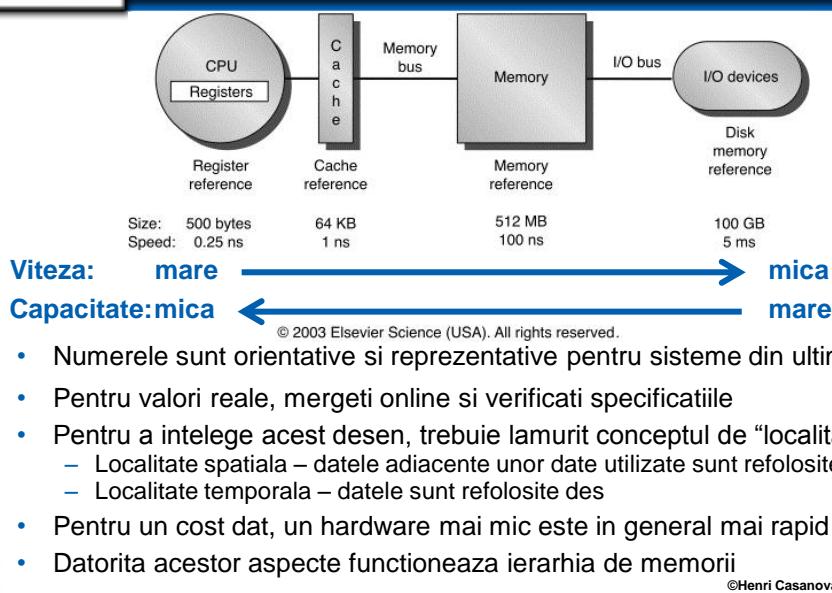
- Deoarece nu putem realiza memorii suficient de rapide(ieftin) – am dezvoltat **ierarhia de memorii**:
  - L1 Cache (pe chip)
  - L2 Cache
  - L3 Cache (uneori)
  - Memoria Principala
  - Discurile fixe

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Ierarhia de Memorii

5



## Cuprins

6

- Ierarhia de memorii – Bottleneck-ul SC
- Localitatea datelor
- Cache – design, implementari si exemple
- Imbunatatirea performantelor memoriei



## Ce este Localitatea?

7

- Programele acceseaza date din memorie apropiate intre ele prin instructiuni apropiate intre ele in **instruction stream**
  - **Instruction stream** = secventa de instructiuni de la inceputul pana la sfarsitul programului
- **Localitatea spatiala:** cand se acceseaza o locatie anume de memorie, este foarte probabil ca urmatorul acces sa fie in apropierea acestei locatii in memorie
  - Ar fi astfel ideală aducerea “**aproape**” de procesor, a **blocurilor contigui** de date pentru ca instructiunile urmatoare sa le gaseasca disponibile
- **Localitatea temporală:** cand se acceseaza o locatie anume de memorie, este foarte probabil ca aceasta locatie sa mai fie accesata din nou
  - Tinerea **datelor accesate de curand**, “**aproape**” de procesor, pentru ca instructiunile urmatoare sa le gaseasca disponibile

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Exemplu de Localitate

8

- Iata o secventa de adrese accesate de catre procesor:
  - 1,2,1200,1,1200,3,4,5,6,1200,7,8,9,10
- Aceasta secventa are o **localitate temporală buna**, deoarece locatia @1200 este accesata de trei ori din 14 referinte
  - Poate ca @1200 este un contor ce este actualizat
- Aceasta secventa are si o **localitate spatială buna**, deoarece locatiile [1,2], [3,4,5,6] si [7,8,9,10] sunt accesate in ordine
  - Poate ca in aceste locatii se afla elementele unui vector ce este accesat in ordine
- Secventa prezentata poate exploata ierarhia de memorii prezentata

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Exemplu de Localitate

9

```
sum = 0;
for (i = 0; i < n; i++)
    sum += a[i];
*v = sum;
```

- **Localitate de Date**

- Consideram secventa de locatii de memorie: `&sum, &i, &i, &n, &a[0], &sum, &sum, &i, &i, &i, &n, &a[1], &sum, &sum, &i, &i, &i, &n, &a[2], &sum, &sum, ..., &a[n-1], &sum, &sum, &sum, v`
- `sum, i, si n` pot fi localizati in registrii deoarece au o **localitate temporală foarte bună**
- Accesul la vectorul `a` are insă o **localitate spatială foarte bună** → cache

- **Localitate de Instructiuni**

- Toate instructiunile din bucla sunt accesate in mod repetat si in secventa, si astfel au atat **localitate spatială cat și temporală bună**

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Localitate și Ierarhia de Memorii

10

- Localitatea este exploatață de către **caching**
- Când o locație de memorie este accesată de către procesor, se verifică următoarele:
  - Se află în cache-ul L1?
  - Dacă nu, se află în cache-ul L2?
  - (Dacă nu, se află în cache-ul L3?)
  - Dacă nu, se află în memoria principală?
  - Dacă nu, se află pe memoria virtuală (discuri fizice)?
- Acest proces are loc deoarece nu putem construi memorii suficiente de mari și rapide la un preț rezonabil
- **Dacă vom identifica multe din locațiile de memorie cautele în cache-ul L1, vom avea "iluzia" unei memorii mari și rapide, pentru o fracțiune din cost**

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cuprins

11

- Ierarhia de memorii – Bottleneck-ul SC
- Localitatea datelor
- Cache – design, implementari si exemple
- Imbunatatirea performantelor memoriei



## Terminologie Cache

12

- Cache-ul reprezinta locatia in care procesorul **poate** gasi date cautate **mai aproape** de el decat in memoria principala a sistemului
- Un **cache hit** este momentul in care datele au fost gasite intr-un nivel de Cache
- Un **cache miss** este momentul in care datele nu au fost gasite
- Un exemplu de functionare:
  - L1 cache **miss**, L2 cache **miss**, L3 cache **hit**
- Cand se inregistreaza un **miss**, un **bloc** este adus in Cache
  - Un bloc este un set de date de dimensiune fixa
  - Blocul contine celulele cerute, si aditional alte celule ce speram ca vor fi folosite de alte instructiuni (localitate spatiala)
- Un cache miss determina un overhead seminificativ:
  - Definim
    - **lat** = latenta memoriei (in secunde)
    - **bw** = latimea de banda (in bytes/sec)
    - **S** = dimensiunea blocului in bytes
  - Un **cache miss** duce la un overhead de **lat + S/bw** secunde ©Henri Casanova, U of Hawaii



## Terminologie Cache

13

- Cache-ul este compus din seturi de blocuri (**block frames**)
  - Fiecare set poate contine unul sau mai multe blocuri (depinde de implementare)
- **Hit time** este timpul de accesare al Cache-ului
- **Miss penalty** este timpul necesar mutarii datelor pe diferite nivele de Cache catre procesor
- **Hit Ratio** este procentul din timp in care datele sunt gasite in Cache
- **Miss Ratio** este  $1 - \text{Hit Ratio}$
- **Instruction Cache** este Cache-ul ce contine instructiuni (cod)
- **Data Cache** este Cache-ul ce contine date
- **Unified Cache** este Cache-ul ce contine atat date cat si instructiuni

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Memoria Virtuala

14

- Daca sistemul de calcul permite memoriei principale sa fie utilizata ca un cache pentru discurile fixe, atunci acesta suporta **memoria virtuala**
- In acest caz, blocurile memoriei sunt numite **pagini**
- In orice moment, o pagina este fie in memorie, fie pe discul fix
- Cand procesorul acceseaza o adresa dintr-o pagina ce nu se afla in memorie, se genereaza un **page fault** similar unui **cache miss**
- Un **page fault** este extrem de costisitor (latenta **lat** e mare si largimea de banda **bw** este mica) si procesorul executa in mod normal alte taskuri in acest timp
  - Aceste page fault-uri sunt realizate de catre sistemele de operare
  - Puteti da exemple de operatii similare realizate de sistemul de operare?

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Caracteristici Tipice ale Memoriilor

15

	Dimensiune	Latenta (ns)	Largime de banda (MB/sec)	Gestionat de
Registre	< 1KB	0.25-0.5	20,000-100,000	Compilator
Cache	<16MB	0.5 (on-chip) -25 (off-chip)	5000 - 10,000	Hardware
Memoria Principala	< 16GB	80-250	1000-5000	O/S
Discurile fixe	> 100GB	5,000,000	20-150	O/S

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Probleme in Designul Cache-ului

16

- Ce dimensiune trebuie sa aiba un bloc de Cache?
  - Mare: miss penalty ridicat
  - Mica: oportunitate scazuta de exploatare a localitatii spatiale
  - Trebuie determinat dupa un benchmarking riguros si numeroase simulari
  - Trebuie sa fie eficient pentru aplicatii "tipice"
- Patru intrebari necesare in designul unui cache (L1)
  - Unde trebuie sa fie scrisa un bloc in cache? – **block placement**
  - Cum se gaseste o linie in cache? – **block identification**
  - Ce linie trebuie sa fie inlocuita in cazul unui cache miss? – **block replacement**
  - Ce se intampla cand se scrie in cache? – **write strategy**
- Limitari – design-ul trebuie sa fie simplu, astfel incat cache-ul sa fie rapid!

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Q1 – Block Placement

17

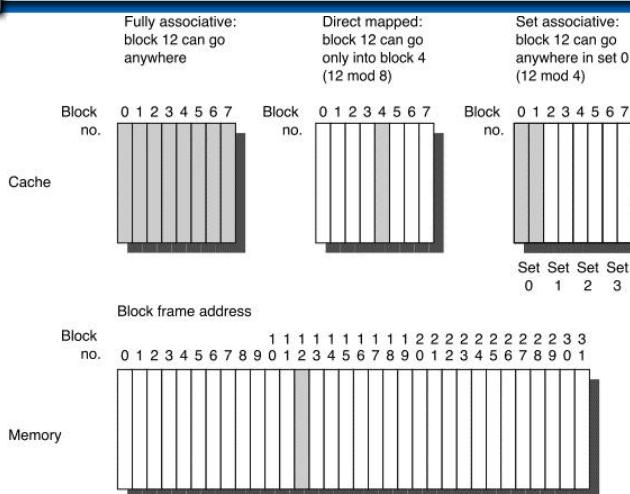
- Daca un bloc poate fi pozitionat doar intr-o singura pozitie in cache: **mapare directa**
- Daca un bloc poate fi asezat oriunde: **mapare total asociativa**
- Daca un bloc poate fi asezat intr-un subset de pozitii: **mapare set asociativa**
  - Varianta pentru n blocuri in fiecare subset: mapare n set asociativa
  - Astfel, maparea directa este in fapt o mapare 1 set asociativa

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Block Placement

18



© 2003 Elsevier Science (USA). All rights reserved.

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Trade-off – Compromisuri

19

- Maparea n-way set asociativa devine din ce in ce mai dificila si costisitoare de implementat pentru un n mare
  - Majoritatea cache-urilor sunt 1, 2 sau cel mult 4 set asociative
- Cu cat n-ul este mai mare, cu atat este mai mica probabilitatea de aparitie a fenomenului de **thrashing**
  - Momentul in care **doua** (sau mai multe) regiuni de memorie sunt accesate in **mod repetat** si pot incapea **impreuna in acelasi** bloc din cache

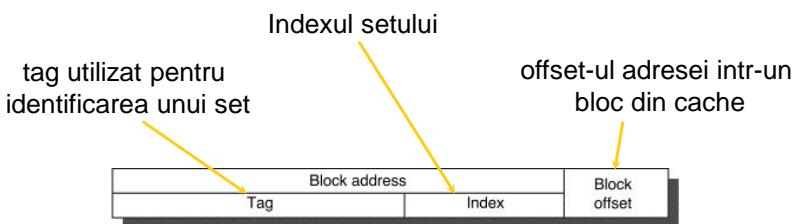
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Q2 – Block Identification

20

- Avand la dispozitie o adresa, cum putem identifica locatia acesteia in cache?
- Acest lucru se realizeaza impartind adresa in trei parti distincte



© 2003 Elsevier Science (USA). All rights reserved.

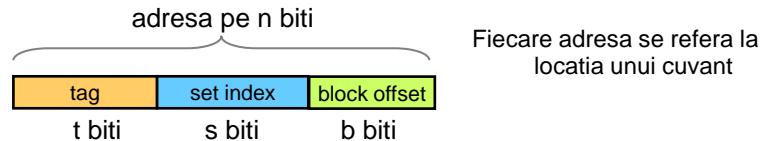
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct

21

- Cea mai simpla solutie
  - O linie de memorie poate fi plasata intr-un singur loc in Cache



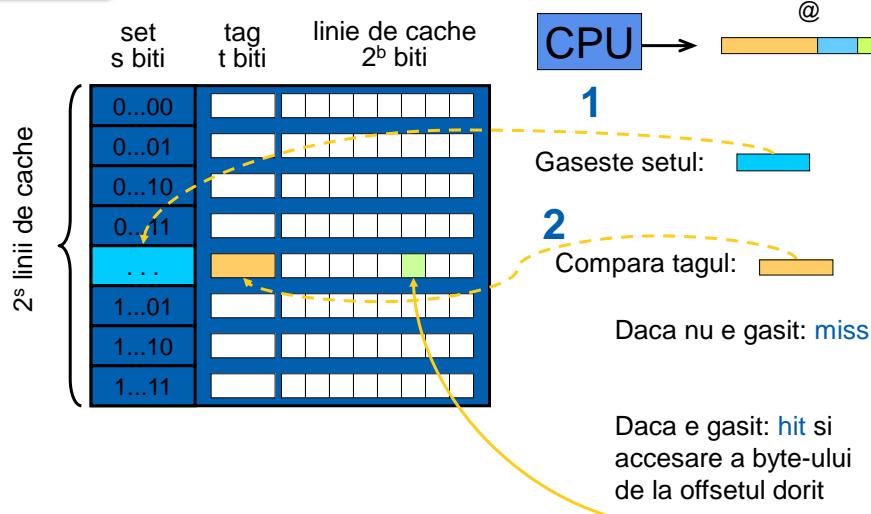
- Fiecare bloc de memorie/cache contine  $2^b$  cuvinte
- Memoria Cache are contine  $2^s$  linii
- Dimensiunea cache-ului este de  $2^{s+b}$  cuvinte
- Fiecare linie din cache e identificata de tag

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cum Functioneaza?

22

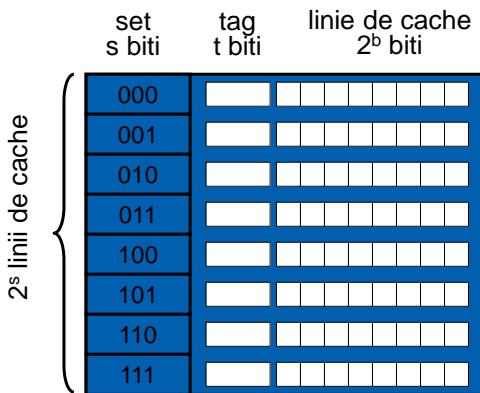


©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct

23



Liniile de cache  
contin date

Tag-urile contin o parte  
din adresa liniei de  
memorie

Seturile corespund unei  
parti a adresei liniei de  
memorie

### Cache

s=3, t=4, b=3

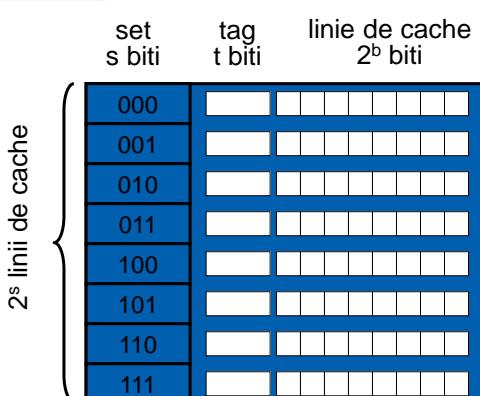
Locatiile de memorie intr-o linie de  
memorie sunt adrese prefixate cu  
<tag><set>

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct

24



CPU → cache miss @0110011101

tag	set	offset
@0110010101		blue
@0110010110		blue
@0110010111		blue
@0110011000		red
@0110011001		red
@0110011010		red
@0110011011		red
@0110011100		red
<b>@0110011101</b>		<b>red</b>
@0110011110		red
@0110011111		red
@0110100000		purple
@0110100001		purple

### Cache

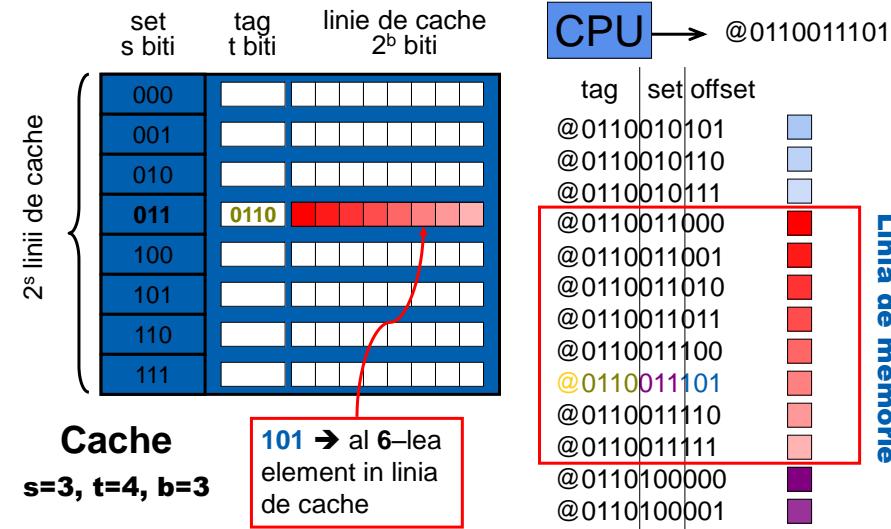
s=3, t=4, b=3

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct

25

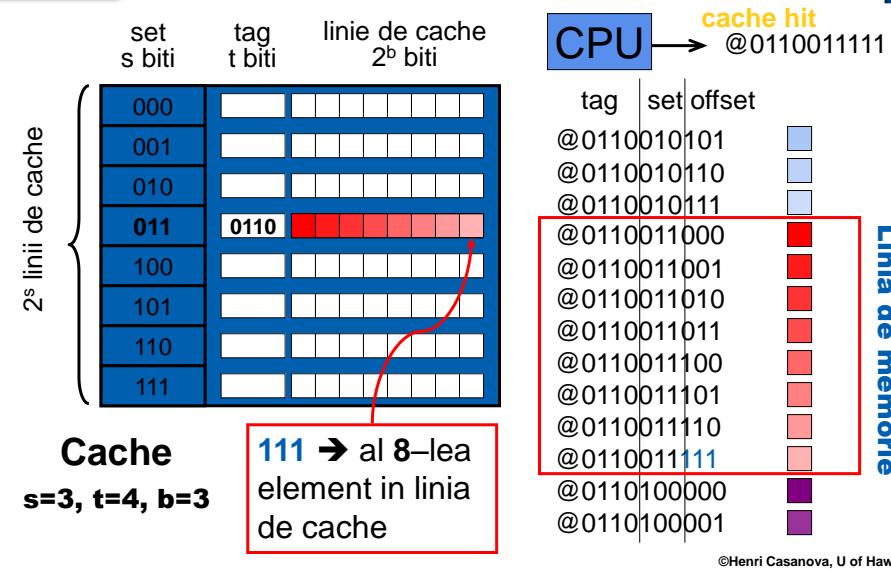


©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct

26



©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache Mapat Direct – Concluzii

27

- Avantaje
  - Design simplu
    - Doar cateva comparatii intre parti din adrese de memorie
      - In plus, fiecare linie de cache are un bit de validare asociat
  - Astfel, Cache-ul mapat direct este:
    - Rapid
    - Necesa putin hardware
- Dezavantaj major
  - Este vulnerabil la **Thrashing** (murdarire)

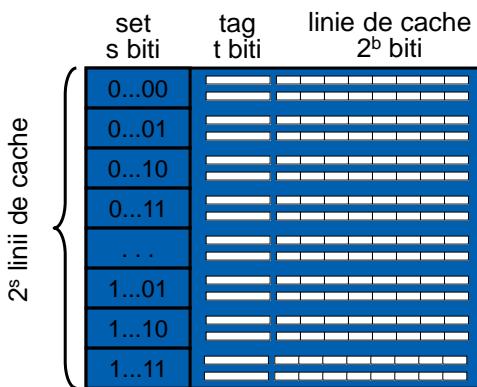
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Mapare Set Asociativa

28

- Fiecare “set” din cache poate pastra mai multe linii din memorie (de la 2 pana la 8)
- O linie de memorie poate fi mapata pe oricare dintre aceste doua pozitii



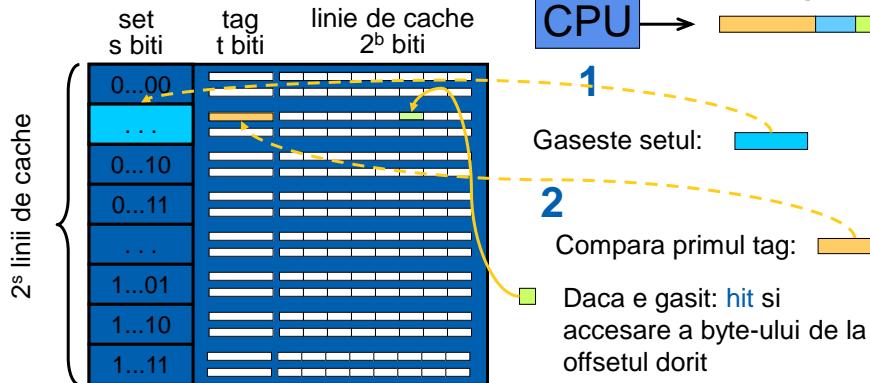
Toate adresele cu un set index similar  
“concureaza” pentru  
**doua** frame bloc-uri posibile

©Henri Casanova, U of Hawaii



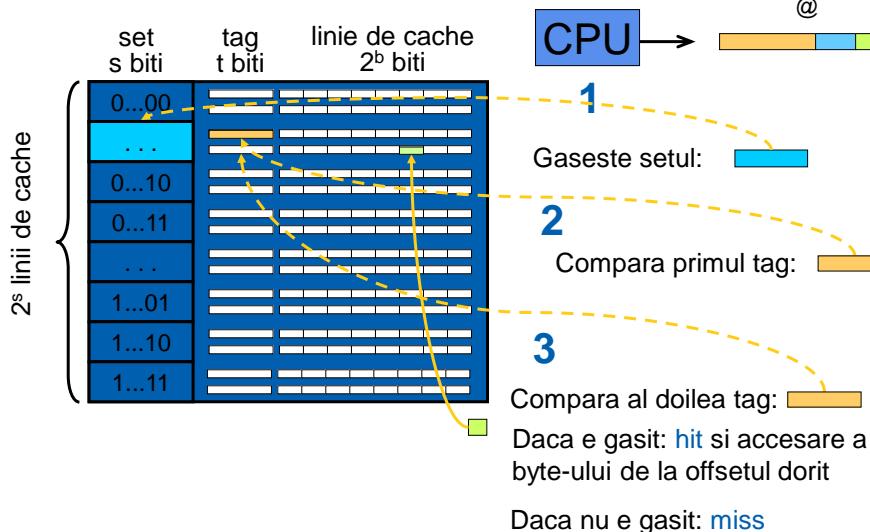
## Cum Functioneaza?

29



## Cum Functioneaza?

30

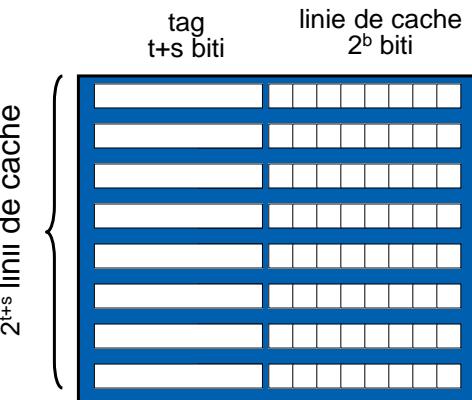




## Mapare Total Asociativa

31

- O linie de memorie poate fi plasata **oriunde** in Cache!
  - Se obtine considerabil mai putin thrashing
  - Complexitate crescuta a unitatii de comanda



Identificarea liniilor de Cache se va face cu bitii t+s din adresa liniei de memorie

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Q3 – Block Replacement

32

- Cand are loc un miss, controlerul de cache trebuie sa "faca ceva"
- Pe un cache mapat direct, este foarte simplu – se va suprascrie continutul unui block-frame cu date noi aduse din memorie
- Intr-o implementare n-set-asociativa insa, trebuie sa facem o alegere: care dintre cele n block-frame-uri trebuie suprascrise?
- In practica, exista trei strategii implementate pentru acest lucru
  - Random: foarte usor de implementat
  - First-In-First-Out (FIFO):
    - Un pic mai dificil de implementat
    - Aduce beneficii la cache-uri de dimensiuni mai mici
  - Least-Recently Used (LRU):
    - Si mai dificil de implementat, mai ales pentru cache-uri de dimensiuni mari
    - Aduce beneficii la cache-uri de dimensiuni mai mici
    - Atentie, trebuie sa avem mereu in vedere costul cache-ul vs latenta oferita de acesta: overhead-ul computational si hardware-ul aditional necesar calcularii valorilor LRU

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Q4 – Write Strategy

33

- Sunt mult mai multe citiri decat scrieri in cache!
  - In general, toate instructiunile trebuie scritte din memorie
  - Astfel, avem in medie:
    - 37% instructiuni load
    - 10% instructiuni store
  - Astfel, procentul de accese de tip scriere este:  $.10 / (1.0 + .37 + .10) \sim 7\%$ 
    - Procentul de accese la date in memorie pentru scriere este astfel:  $.10 / (.37 + .10) \sim 21\%$
- Amintiti-vă principiul fundamental: [Make the common case fast!](#)
- Ca urmare, designul cache-urilor a fost optimizat pentru a face [citirile rapide](#), și [NU](#) scrierile
  - Trebuie tinut cont si de faptul ca procesorul trebuie mereu sa astepte la citire, si aproape niciodata la scriere!
- Pe de alta parte, daca scrierile sunt extrem de incete, legea lui Amdahl ne spune ca performantele globale ale sistemului vor fi scazute
- Astfel, trebuie sa investim "ceva" efort si in imbunatatirea scrierilor

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Imbunatatirea Scrierilor in Cache

34

- A face citirile din cache rapid este simplu
  - Indiferent de locatia blocului din cache citit, se poate face cererea [imediat](#) ce adresa a fost generata de procesor
    - Necesa hardware pentru compararea [simultana](#) a tag-urilor si pentru citirea blocurilor
    - In cazul unui cache miss, acesta trebuie tratat ca atare
- Din pacate, a face scrierile rapid nu este la fel de simplu
  - Compararea tag-urilor [nu poate fi simultana](#) cu scrierea blocurilor in cache – trebuie sa ne asiguram ca nu se suprascrie un block frame ce nu este hit!
  - Scrierile sunt facute pentru o anume dimensiune – pentru un subset al frame-ului
    - In citiri, bitii "[in plus](#)" pot fi cititi si apoi ignorati

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Politici de Scriere in Cache

35

- Dupa cum ne amintim de la CN...
- Write-through: datele sunt scrise in acelasi timp in blocul din cache si in blocul din memoria principală
- Write-back: datele sunt scrise in memoria principală doar cand un bloc frame este eliberat/inlocuit din cache
  - Se utilizeaza un bit “dirty” pentru a indica daca un bloc de inlocuit a fost modificat (s-a scris in el), pentru a salva scrieri inutile in memoria principală, cand un bloc este de fapt “curat”

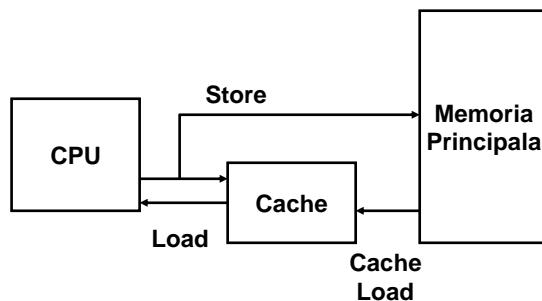
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Write-Through

36

- Ce se intampla cand procesorul modifica o locatie de memorie care se afla in Cache?
- Solutia 1: Write-Through
  - Se scrie in **acelasi** timp in cache si in memoria principală
  - Memoria si cache-ul sunt astfel mereu consistente



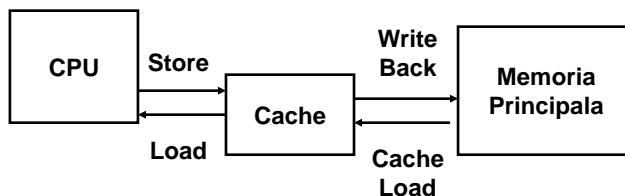
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Write-Back

37

- Solutia 2 – Write-Back
  - Se scrie doar in cache
  - Liniile de cache sunt scrise in memoria principală doar cand sunt evacuate/inlocuite
  - Necesita un bit “dirty” pentru a indica daca o linie de cache a fost modificata sau nu
  - Memoria si cache-ul **nu** mai sunt totdeauna consistente!



©Henri Casanova, U of Hawaii



## Tradeoffs – Compromisuri

38

- Write-Back
  - Rapid – scrierile se petrec la viteza cache-ului si NU a memoriei
  - Rapid – actualizari multiple ale aceliasi bloc de cache vor fi scrise inapoi in memoria principală in seturi de dimensiuni mai mari, utilizand mai putin din latimea de banda a memoriei
    - Solutie buna pentru servere cu multe procesoare/core-uri
- Write-Through
  - Mult mai usor de implementat ca Write-Back
  - Nivelul urmator de cache va avea intotdeauna o copie actualizata a datelor utilizate
    - Foarte important pentru sisteme multiprocesor – simplifica problemele de coerența a datelor

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Politica de Inlocuire a unei linii de Cache

40

- Cand doua linii de memorie sunt in cache si a treia linie vine, una din primele doua linii trebuie sa fie inlocuita: care din ele trebuie inlocuita?
- Deoarece nu cunoastem viitorul, utilizam euristici:
  - LRU: Least Recently Used
    - Este greu de implementat
  - FIFO
    - Este usor de implementat
  - Random
    - Si mai usor de implementat
- In general, cache-urile asociative:
  - Pot preveni fenomenul de thrashing
  - Necesa hardware mai complex decat cache-ul mapat direct
  - Sunt mai scumpe decat cache-ul mapat direct
  - Sunt mai incete decat cache-ul mapat direct

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cuprins

41

- Ierarhia de memorii – Bottleneck-ul SC
- Localitatea datelor
- Cache – design, implementari si exemple
- **Imbunatatirea performantelor memoriei**



## Imbunatatirea Performantelor Memoriei

42

- Exista mai multe moduri de a imbunatatii performanta cache-urilor si anume
  - Reducerea penalitatilor unui Cache Miss
  - Reducerea ratei de Cache Miss-uri
  - Reducerea timpului de rezolvare a unui Hit
  - Imbunatatirea memoriei
    - Performanta crescuta
    - Cost redus

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Optimizari de Compilator

43

- Sunt mai multe moduri in care un cod poate fi modificat pentru a genera mai putine miss-uri
  - Compilatorul
  - Utilizatorul
- Vom analiza un exemplu simplu – initializarea unui vector bidimensional (matrice)
- Vom presupune ca avem un compilator neperformant si vom optimiza codul in mod direct
  - Un compilator bun trebuie sa poata face acest lucru
  - Cateodata insa, compilatorul nu poate face tot ce este necesar

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Exemplu: Initializarea unui vector 2-D

44

```
int a[100][100];           int a[100][100];
for (i=0;i<100;i++) {      for (j=0;j<100;j++) {
    for (j=0;j<100;j++) {          for (i=0;i<100;i++) {
        a[i][j] = 11;            a[i][j] = 11;
    }                          }
}                          }
```

- Care varianta este mai buna?
  - i,j?
  - j,i?
- Pentru a raspunde la aceasta intrebare, trebuie sa intelegem modul de asezare in memorie al unui vector 2-D

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Vectori 2-D in Memorie

45

- Un vector 2-D static se declara:

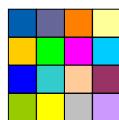
```
<type> <name>[<size>][<size>]
int array2D[10][10];
```
- Elementele unui vector 2-D sunt salvate in celule **contigue** de memorie
- Problema este ca:
  - Matricele sunt conceptual 2-D
  - Memoria unui sistem de calcul este 1-D
- Memoria 1-D a sistemului este descrisa de un singur numar: adresa de memorie
  - Similar cu numerele de pe axa reala
- Astfel, este necesara o mapare de la 2-D la 1-D
  - Cu alte cuvinte, de la abstractizarea 2-D utilizata in programare, la implementarea fizica in 1-D

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Maparea de la 2-D la 1-D

46



Matrice nxn 2-D



Memoria sistemului 1-D



Maparea 2-D la 1-D



O alta mapare 2-D la 1-D

Exista  $n^2!$  mapari posibile

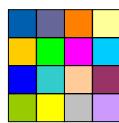
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Row-Major vs. Column-Major

47

- Din fericire, in orice limbaj sunt implementate maxim 2 din cele  $n^2!$  mapari posibile, si anume:



Linia 1 Linia 2 Linia 3 Linia 4

- Row-Major:

– Liniile sunt stocate continuu



Coloana 1 Coloana 2 Coloana 3 Coloana 4

- Column-Major:

– Coloanele sunt stocate continuu



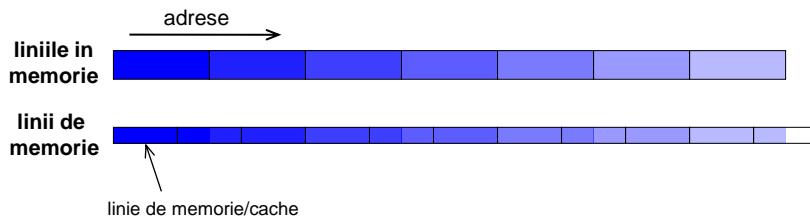
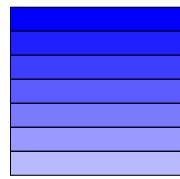
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Row-Major

48

- Row-Major este utilizat de C/C++



- Elementele matricii sunt stocate contiguu in memorie

©Henri Casanova, U of Hawaii

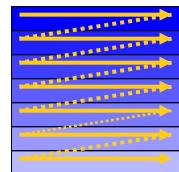


## Row-Major

49

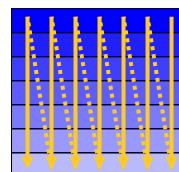
- C/C++ utilizeaza Row-Major
- Prima implementare (i, j)

```
int a[100][100];
for (i=0;i<100;i++)
    for (j=0;j<100;j++)
        a[i][j] = 11;
```



- A doua implementare (j, i)

```
int a[100][100];
for (j=0;j<100;j++)
    for (i=0;i<100;i++)
        a[i][j] = 11;
```



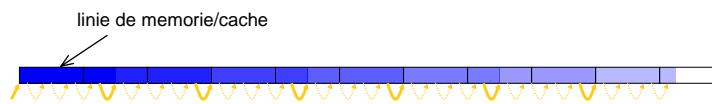
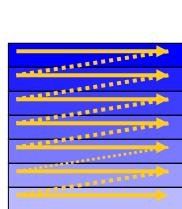
©Henri Casanova, U of Hawaii



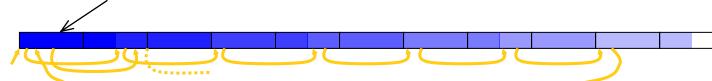
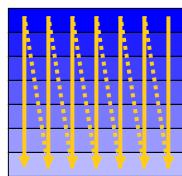
## Numarul de Miss-uri

50

- Definim:
  - Matricea  $n \times n$  2-D array,
  - Fiecare element are  $e$  bytes,
  - Dimensiunea liniei de cache este  $b$  bytes



- Se obtine un miss la fiecare linie de cache:  $n^2 \times e / b$
- Daca avem es:  $n^2$  accese la memoria (toata matricea)
- Rata de miss-uri este:  $e/b$
- Exemplu: Miss rate = 4 bytes / 64 bytes = **6.25%**
  - In afara cazului in care vectorul este foarte mic



- Audem un miss la fiecare acces
- Exemplu: Miss rate = **100%**
  - In afara cazului in care vectorul este foarte mic

©Henri Casanova, U of Hawaii

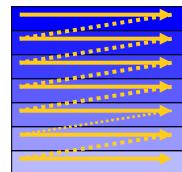


## Initializarea Matricelor in C

51

- C/C++ utilizeaza Row-Major
- Prima implementare (i, j)

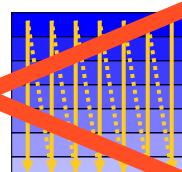
```
int a[100][100];
for (i=0;i<100;i++)
    for (j=0;j<100;j++)
        a[i][j] = 11;
```



**Buna Localitate  
A Datelor**

- A doua implementare (j, i)

```
int a[100][100];
for (j=0;j<100;j++)
    for (i=0;i<100;i++)
        a[i][j] = 11;
```



©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea Performantelor

52

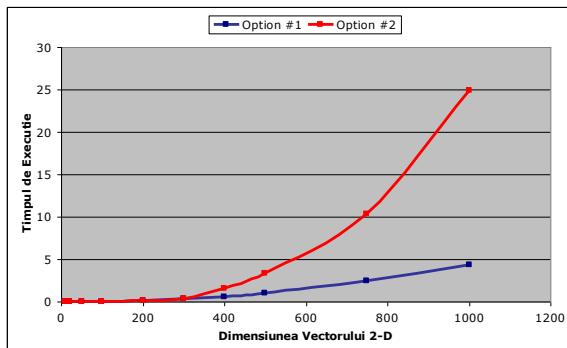
- C/C++ utilizeaza Row-Major
- Prima implementare

```
int a[100][100];
for (i=0;i<100;i++)
    for (j=0;j<100;j++)
        a[i][j] = 11;
```

- A doua implementare

```
int a[100][100];
for (j=0;j<100;j++)
    for (i=0;i<100;i++)
        a[i][j] = 11;
```

"



Experiente pe un PC normal

- Alte limbare de programare utilizeaza column major
  - FORTRAN de exemplu

©Henri Casanova, U of Hawaii



## What About Dynamic Arrays?

53

- In unele limbaje, putem declara vectori cu dimensiuni variabile
  - FORTRAN:

```
INTEGER A (M, N)
```

- C-ul de exemplu nu permite acest lucru
- In C, trebuie sa alocam explicit memoria ca un [vector de vectori](#):

```
int **a;
a = (int **)malloc(m*sizeof(int));
for (i=0;i<m;i++)
    a[i] = (int *)malloc(n*sizeof(int));
```

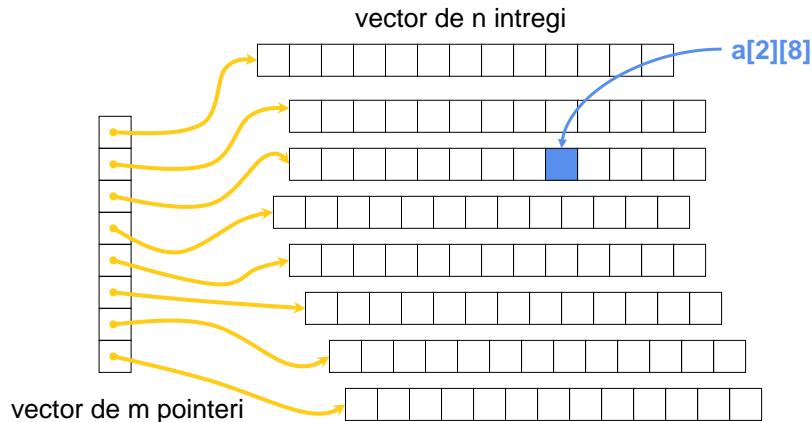
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Asezarea Memoriei

54

- O solutie "non contiguous" de tip row major



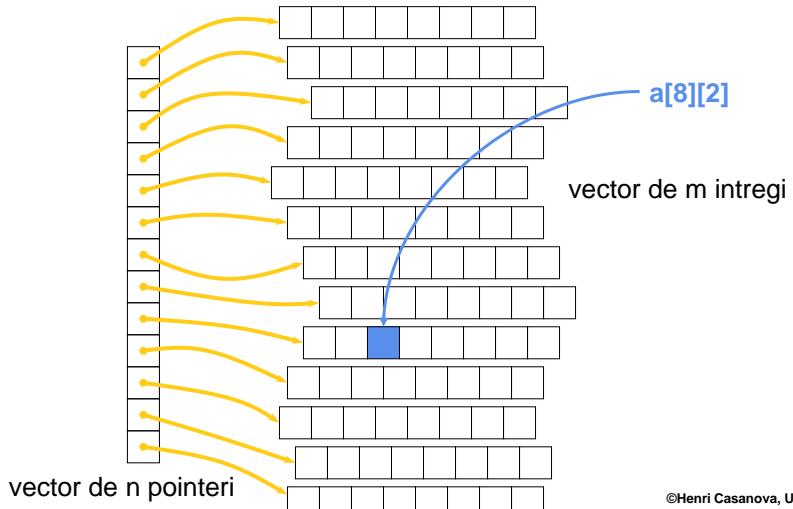
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Asezarea Memoriei

55

- Se poate insa face si intr-o implementare column-major



©Henri Casanova, U of Hawaii



## Vectori Dinamici

56

- Programatorul trebuie sa aleaga
  - Asezarea row-major sau column-major
  - Ordinea in care face initializarea vectorilor
- In Java, toti vectorii sunt alocati dinamic
- Vectorii de dimensiuni mari
  - **Dinamici** – de dimensiuni N-D sunt vectori (N-1)-D de vectori 1-D
  - **Statici** – o generalizare a solutiei row/column-major

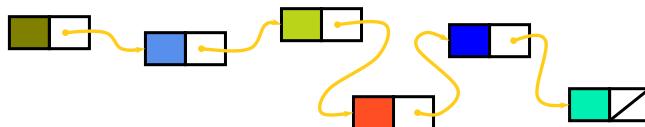
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Alte Exemple: Liste Inlantuite

57

- Sa luam in considerare exemplul unei liste inlantuite



- Intr-o implementare tipica, fiecare element al listei va fi alocat dinamic la momentul inserarii
- Elementele listei nu vor fi contigue
- Parcursarea listei in ordine va genera in mod normal cate un cache-miss pentru fiecare element!
- Acest lucru poate pune probleme majore de performanta daca lista este suficient de lunga si ea este parcursa des...

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Liste Implementate ca Vectori

58

- Cum putem avea o localitate mai buna a datelor in liste?
- Le implementam ca vectori
- Tipul de date lista, poate fi implementat sub forma unui vector uni-dimensional
- Sunt trei operatii fundamentale cu liste:
  - Insert (list, current, next)
  - Remove (list, current)
  - Next (list, current)

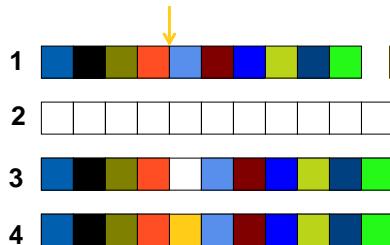
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Liste – Inserarea

59

- Vom construi o lista de intregi:
- Tipul de date “lista” arata:
  - int \*array: un vector de intregi
  - int array\_size: dimensiunea vectorului/listei
- Inserarea:



1. Avem 10 elemente si o inserare
2. Alocam un nou vector de 11 elemente
3. Copiem elementele vechiului vector
4. Copiem noul element
5. Eliberam vechiul vector
6. Facem lista sa “ointeze” catre noul vector

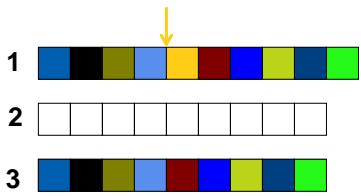
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Liste – Stergerea & Next

60

- Stergerea:



1. Avem o lista de 10 elemente si o stergere
2. Alocam un nou vector de 9 elemente
3. Copiem elementele din vechiul vector
4. Eliberam vechiul vector
5. Facem lista sa “pointeze” catre noul vector

- Next: Trebuie doar sa returnam un index
  - Elementul listei este implementat ca intreg aici, dar poate fi implementat oricum transparent utilizatorului

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Liste – Concluzii

61

- O optimizare simpla:
  - In C, puteti utiliza “realloc” pentru a minimiza copierea elementelor
- Trade-off
  - Inserarea poate dura considerabil mai mult decat in implementarea traditionala
    - Au loc mai multe copieri de date
    - Lucrurile stau la fel si la stergere
    - Operatia Next este insa aproape instantanee
- Utilizatorul trebuie astfel sa identifice “the common case” si sa selecteze implementarea corespunzatoare
- Alte optimizari posibile
  - La inserare: dublati dimensiunea vectorului daca acesta e “prea mic”
  - La stergere: permiteti utilizarea unui vector “mai mare”

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Ierarhia de Memorii vs. Programatori

62

- Toate lucrurile prezентate aici pot fi foarte frumoase (poate)...
- Dar de ce ar fi importante pentru programatori?
- Am vazut ca putem determina ordinea de execuție a buclelor
  - Poate că acest lucru îl poate face compilatorul pentru noi
- Totuși, un programator ce dorește performante de la codul său, trebuie să stie cum arată ierarhia de memorii pe care programează!
  - Dacă stim dimensiunea cache-ului L2 (256KB), poate putem descompune problema în subprobleme de această dimensiune pentru a exploata localitatea datelor
  - Dacă stim că o linie de cache are 32 bytes, putem calcula precis numărul de cache-miss-uri cu o formulă și astfel seta un parametru optim pentru programul nostru
- Pentru a avea o experiență activă cu ierarhia cache-urilor, este util să vedem cum putem scrie programe care să masoare în mod automat aceste caracteristici

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea Numarului de Cache-Miss-uri

63

- Sa presupunem urmatorul fragment de cod

```
char a[N];
for (i=0; i<N; i++)
    a[i]++;
```
- Presupunem că L este dimensiunea liniei de cache în bytes
- Numărăm numărul de cache-miss-uri:
  - a[0]: miss (încarcăm o nouă linie de cache)
  - a[1]: hit (în linie de cache)
  - ...
  - a[L-1]: hit (în linie de cache)
  - a[L]: miss (încarcăm o nouă linie de cache)
  - ...
- Numărul de miss-uri este astfel:  $\sim N / L$

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea L-ului?

64

- Codul anterior acceseaza elementele vectorului cu **pasul 1**
  - **Pasul** este diferența în bytes între două adrese accesate în două accesuri succesive la memorie
- Ce se întâmplă când avem un pas 2?

```
char a[N];
for (i=0;i<N;i+=2)
    a[i]++;
```
- Avem practic un număr dublu de miss-uri față de cazul anterior!
  - O modificare minora (aparent) are un impact major asupra performanțelor



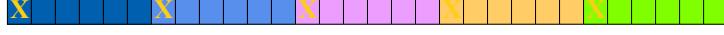
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea L-ului?

65

- Putem astfel crește pasul până cand...
- Pasul ajunge să fie egal cu L:
  - Fiecare acces are nevoie de o linie proprie de cache
  - N accesuri la memorie → N cache-miss-uri



- Ce se întâmplă dacă pasul este L+1?
  - Fiecare acces are nevoie de o linie proprie de cache
  - N accesuri la memorie → N cache-miss-uri



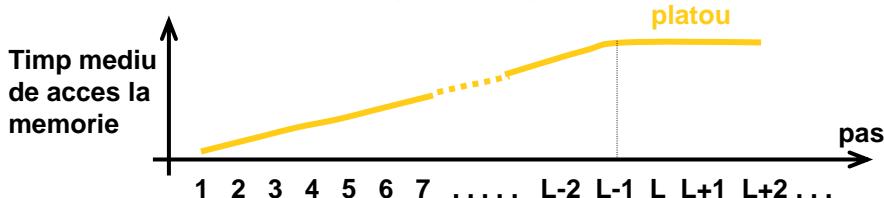
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea L-ului?

66

- Cea mai buna performanta: pas=1
- Cea mai proasta performanta: pas  $\geq L$
- Daca masuram performanta codului pentru diverse valori ale pasului, obtinem un grafic de genul:



- Gaseste inceputul platoului (pasul in bytes) pentru care performanta codului nu se mai inrautatestă odata cu creșterea pasului
- Aces pas (in bytes) este dimensiunea liniei de cache!



## Masurarea L-ului?

67

- Cum scriem un program pentru masurarea performantei pentru mai multe valori pentru pas?
- Performanta – timpul mediu pentru accesul la memorie
- Alocati vectori mari de caractere
- Creati bucle cu valori pentru pas intre 1 si 256
- Pentru fiecare pas ales, parcurgeti in mod repetat vectorul
  - Faceti operatii cu fiecare element al vectorului (etc)
  - Masurati timpul cat dureaza aceste operatii
  - Masurati cate operatii ati operat in total
  - Impartiti numarul de operatii la timpul masurat



## Masurarea Dimensiunii Cache-ului

68

- Daca L este dimensiunea liniei de cache
- Sa consideram urmatorul cod

```
char x[1024];  
for (step=0; step<1000; step++)  
    for (i=0; i<1024; i+=L)  
        x[i]++;
```

- Daca cache-ul este **mai mare de 1024 de bytes**, dupa prima iteratie a buclei “step”, tot vectorul x e in cache si **nu vom mai avea miss-uri deloc**
- Daca cache-ul este **mai mic decat 1024 de bytes**, vom avea mereu un numar de miss-uri

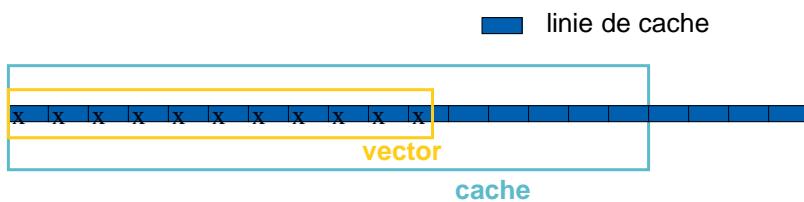
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea Dimensiunii Cache-ului

69

- Exemplificare:



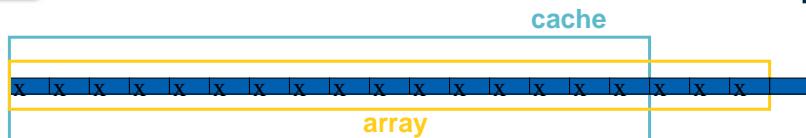
- Cache-ul este suficient de mare pentru a contine 16 linii
- Vectorul intra in 11 linii de cache
- Astfel, vor fi 11 miss-uri si apoi vor exista doar hit-uri
- Pentru un numar mare de iteratii, hit-rate-ul va fi aproape de 100%

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Masurarea Dimensiunii Cache-ului

70



- Cache-ul poate contine 16 linii
- Vectorul intra insa doar in 19 linii de cache
- Initial vor fi 19 miss-uri
- Apoi va trebui sa citim aceleasi 19 linii de cache
- Doar 16 intra insa in cache
- Vom avea astfel 13 hit-uri si 3 miss-uri
- Acest comportament va fi repetat pentru fiecare iteratie
- Pentru un numar mare de iteratii, se ajunge la un hit-rate de aproximativ 81%

©Henri Casanova, U of Hawaii



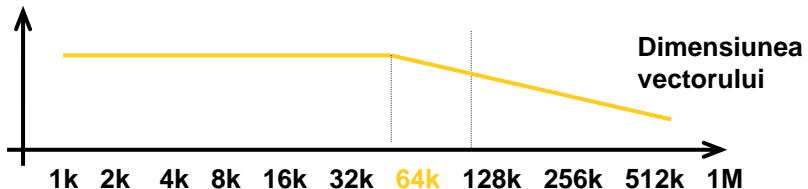
## Masurarea Dimensiunii Cache-ului

71

- Astfel:

- Daca vectorii sunt mici si intra in cache hit-rate = 100%
- Daca vectorii sunt mai mari decat cache-ul hit rate < 100%

### Performanta



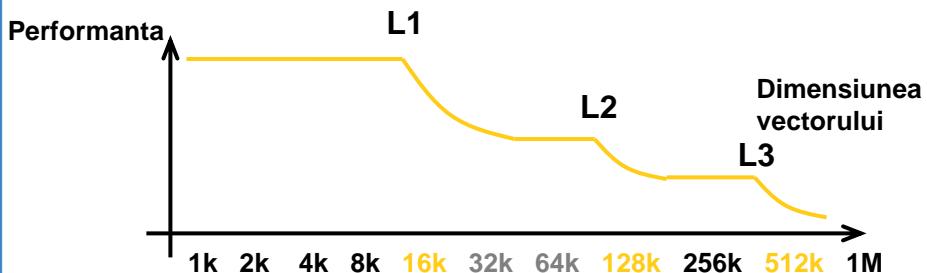
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Mai multe nivele de Cache?

72

- În general însă, există mai multe nivele de cache: L1, L2, L3
- Având în vedere acest fapt, graficul anterior devine



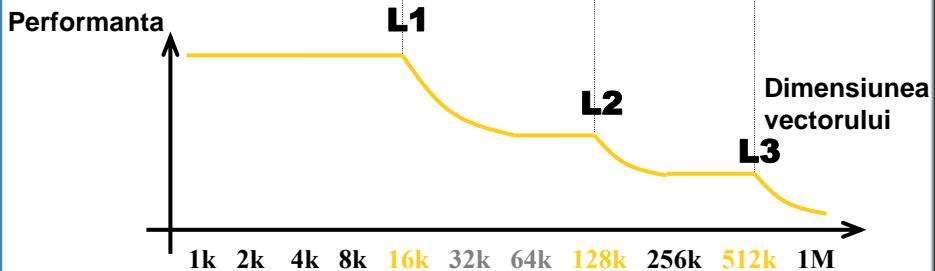
©Henri Casanova, U of Hawaii



## Mai multe nivele de Cache?

73

Total intra in L1	Doar o parte intra in L1
Total intra in L2	Doar o parte intra in L2
Total intra in L3	Doar o parte intra in L3



©Henri Casanova, U of Hawaii



## Cache-uri in Procesoare Reale

74

- Exista 2 sau 3 nivele de cache
- Cache-urile aproape de procesor sunt in general mapate direct, si cele mai departate sunt asociative
- Cache-uri diferite de date/instructiuni aproape de procesor, si unificate in rest
- Write-through si write-back sunt la fel de des intalnite, dar nu va exista nicio data o implementare write-through pana la memoria principală
- Liniile de cache aveau in mod normal 32-byte, dar acum exista foarte des liniile de 64- si 128-bytes
- Cache-uri neblocante
  - La un miss, nu bloca procesorul ci executa instructiuni de dupa load/store-ul curent
  - Blocheaza procesorul doar daca aceste operatii utilizeaza date din load
  - Cache-urile trebuie sa poata sa serveasca multiple accese "invecitite"

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Performanta Cache-urilor

75

- Performanta cache-ului este data de accesul mediu la memorie
  - Programatorii sunt interesati in general doar de timpul de executie – insa timpul de acces la memorie este o componenta extrem de importanta
- Formula e simpla:
  - **timpul de acces la memorie = hit time + miss rate \* miss penalty**
  - Miss-rate este procentul de miss-uri pe acces la date si **NU** la instructiuni!
- La fel ca in cazul timpului de executie procesor, termenii ecuatiei **NU** sunt independenti
  - Nu putem spune: reduc numarul de instructiuni, fara a creste numarul de instructiuni pe ciclu sau viteza ceasului sistemului
  - Similar, nu putem spune: reduc miss-rate-ul fara a creste hit-time

©Henri Casanova, U of Hawaii



## Impactul Miss-urilor

76

- Miss penalty depinde de tehnologia de implementare a memoriei
- Procesorul masoara numarul de cicluri pierdute
- Un procesor mai rapid e "lovit" mai tare de **memorii lente si miss-rate-uri crescute**
- Astfel, cand incercati sa estimati performantele unui sistem de calcul, comportamentul cache-urilor **trebuie** luat in considerare (Amdahl – CPU vs. memorie)
- **De ce ne intereseaza?**
- Pentru ca putem rescrie/rearanja codul pentru a utiliza mai bine localitatea datelor

©Henri Casanova, U of Hawaii



## De ce ne Intereseaza?

77

- Putem citi dimensiunile cache-urilor din specificatiile masini pe care rulam
  - Dar... ceva poate lipsi
  - Se poate sa nu avem acces la specificatii
- E util sa avem o optimizare automatizata
  - Ce trebuie sa fac pentru a scrie un program ce sa ia in considerare Cache-ul?
    - Utilizeaza constanta CACHE\_SIZE pentru a seta dimensiunea cache-ului
    - Utilizeaza aceasta constanta cand aloca memoria

```
char x[CACHE_SIZE]
for (i=0;i < CACHE_SIZE; i++)
```
  - Inainte de a compila un program, ruleaza un alt utilitar pentru a descoperi dimensiunea cache-ului
  - Seteaza apoi constanta CACHE\_SIZE la valoarea astfel determinata

```
#define CACHE_SIZE 1024*32
```
- **Un programator (bun) nu poate ignora cache-ul**
- Desi unele structuri de date par naturale, ele pot fi extrem de ineficiente in cache (liste, pointeri, etc) si de aceea ele ar trebui evitate cand se doreste o performanta crescuta a codului

©Henri Casanova, U of Hawaii