

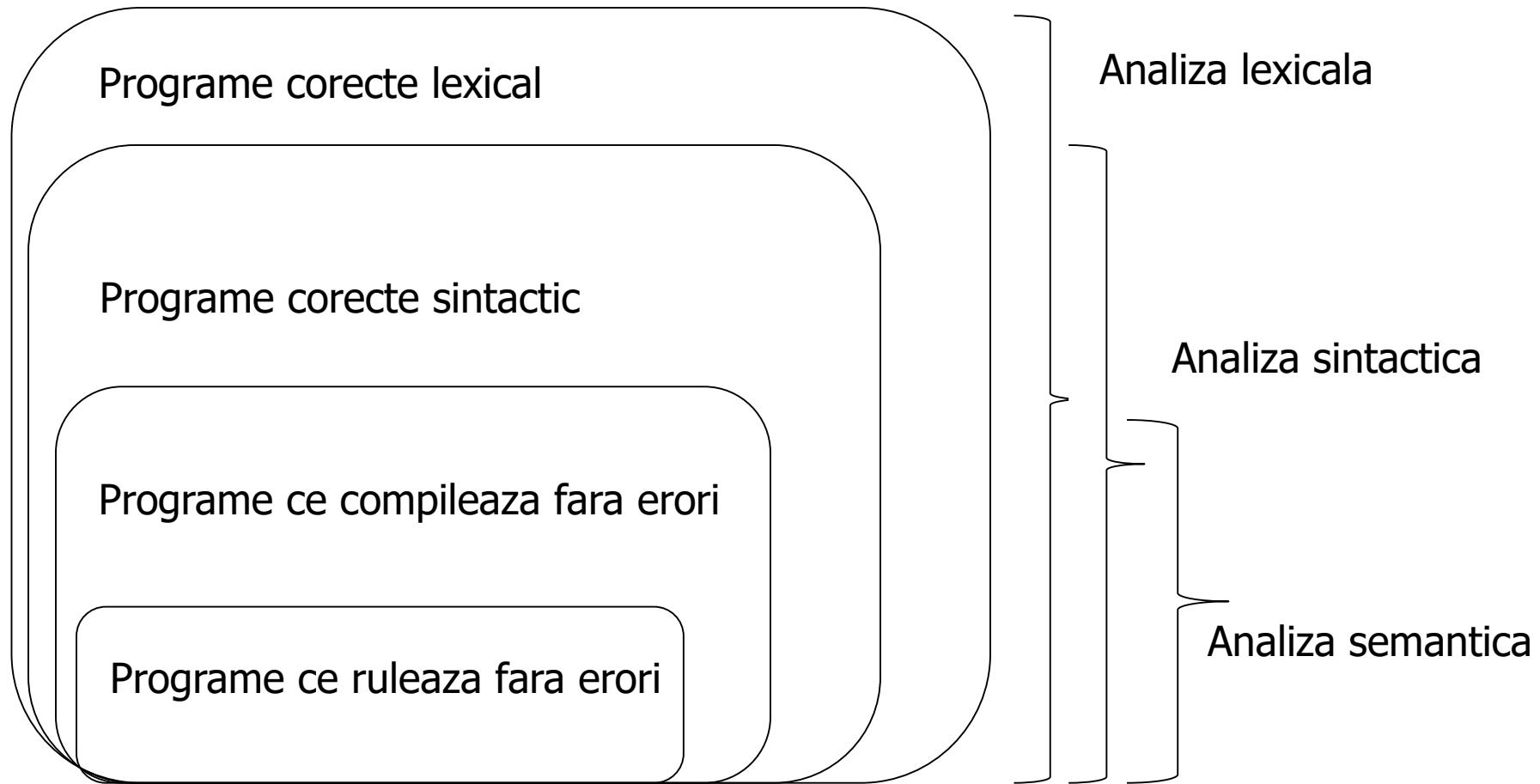
# Compilatoare

---

Curs 4  
Analiza semantica



# ANALIZA SEMANTICA



# ANALIZA SEMANTICA

- Calculeaza toate atributele asociate nodurilor din arborele sintactic
  - Exemple de atrbute: Valoarea unei constante, numele unei variabile, tipul unei expresii
  - Atributele terminalilor se seteaza de obicei direct din analiza lexicala
  - O parte din analiza semantica se face in timpul parsarii
  - Restul - parcurgerea recursiva a arborelui sintactic.  
(AST = abstract syntax tree)
- Verifica daca structurile sintactic corecte au sens dpdv semantic
  - Gaseste erori semantice (toate erorile de compilare care nu sunt erori de sintaxa)

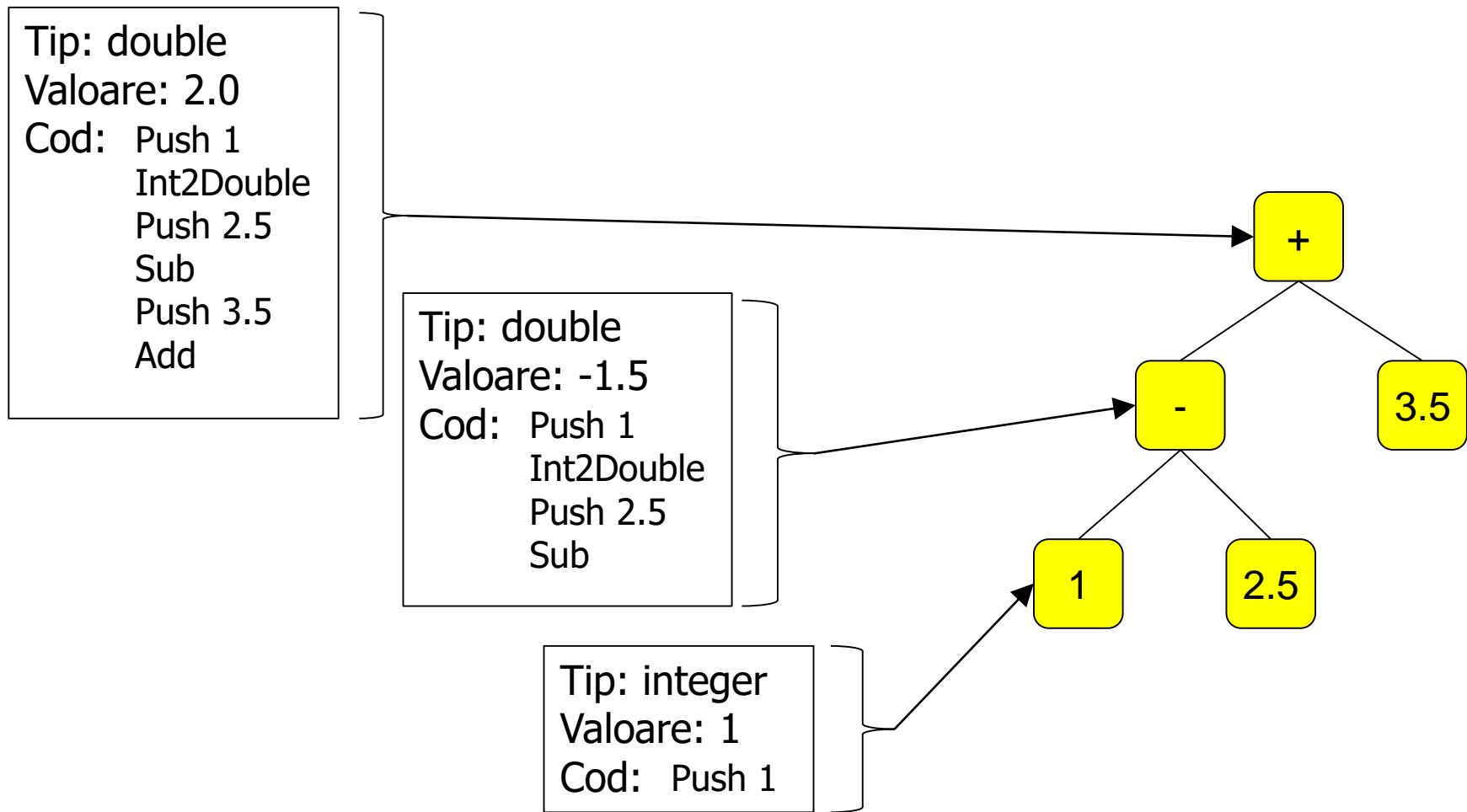
# Exemple de erori semantice

- Erori de definitie – variabile, functii, tipuri folosite fara a fi definite
  - In unele limbaje avem definitii implicite.
  - “var a = 10;” se poate deduce tipul din context?
  - Rezolvare la timpul compilarii (limbaje statice), sau la rulare (limbaje dinamice).
- Erori de structura
  - X.y=A[3] – X trebuie sa fie structura/clasa cu campul ‘y’, A trebuie sa fie array/pointer
  - foo(3, true, 8) trebuie sa fie o functie ce accepta 3 parametri

# Exemple de erori semantice

- Erori de tip – ‘a’+5.
  - Compatibilitatea tipurilor.
  - Ex: in Pascal, doar tipurile identice; in C, tipurile “cu aceeasi structura”; in C++/Java, subclasele sunt compatibile cu superclasele
  - Unele limbaje accepta conversii automate de tip
  - $3 + "45" = ?$  (48? “345”?)
  - Strongly / weakly typed.
- Erori de acces – private/protected;const

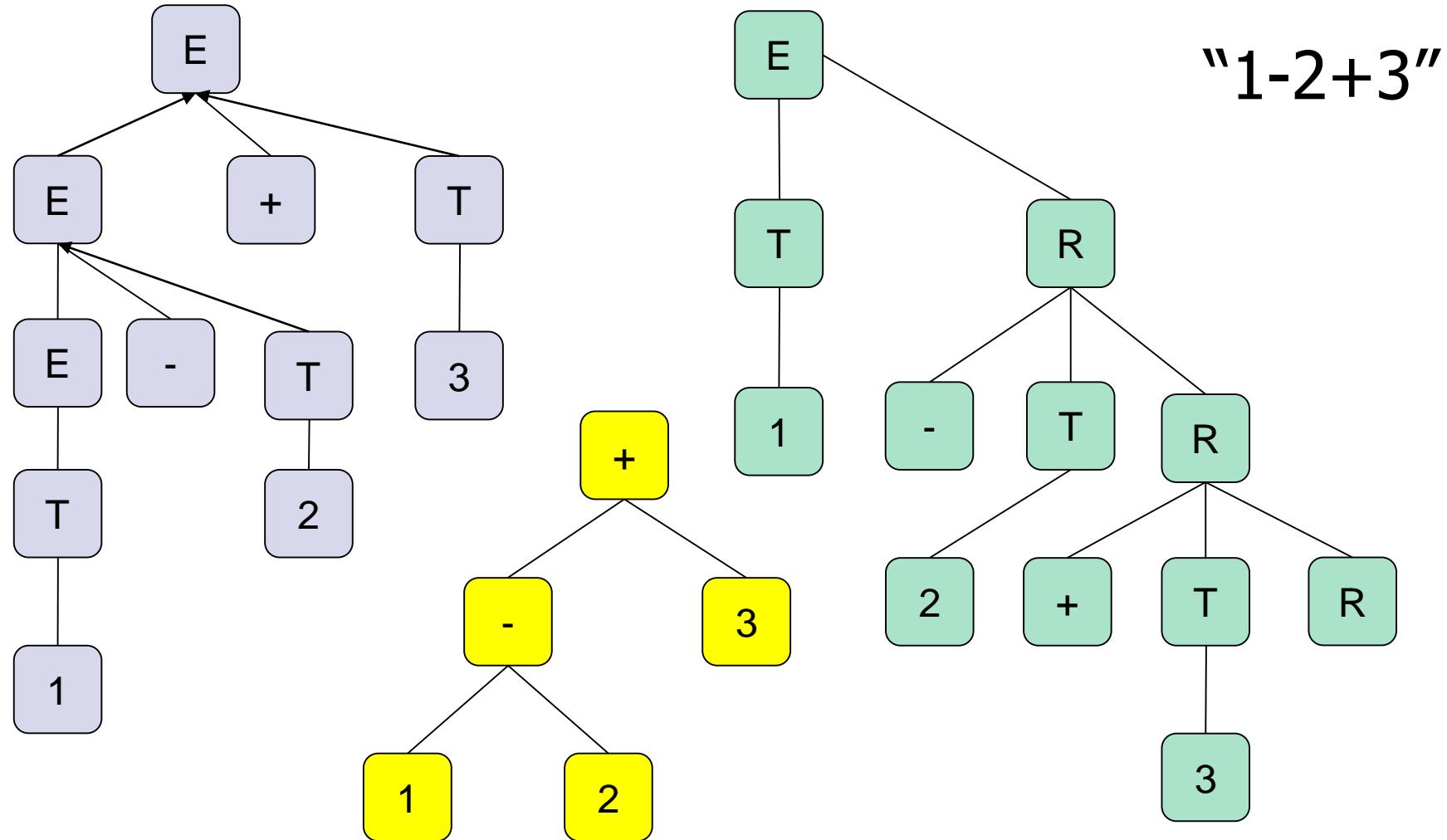
# Exemple de atribut



# Arbore: derivare vs. sintactic

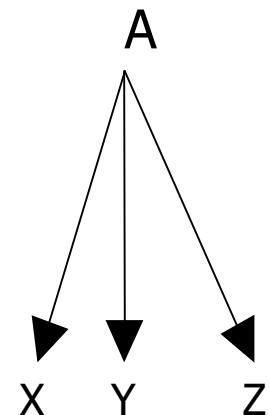
- O gramatică "comodă" din punctul de vedere al analizei sintactice se poate dovedi "incomodă" din punctul de vedere al stabilirii regulilor semantice datorita transformarilor suferite
  - Parserul descopera un arbore de derivare.
  - Facem analiza semantica pe arborii sintactici!
- Un pas de analiza semantica – extragerea AST

# Arbore: derivare vs. sintactic



# Cateva definitii

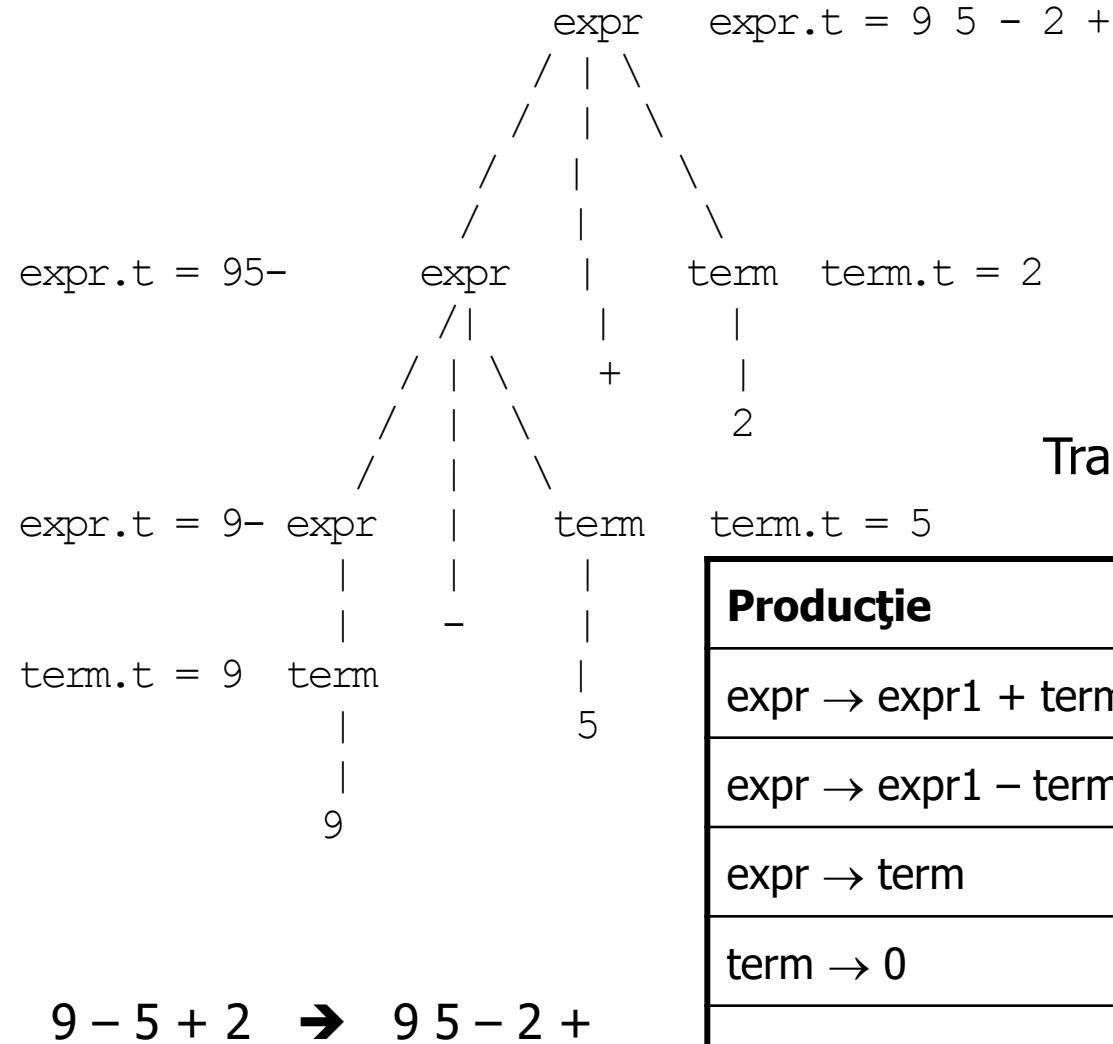
- Gramatica independenta de context + reguli de calcul ale atributelor = ***definiție orientată sintaxă*** (syntax directed definition).
  - Daca funcțiile utilizate în calculul de attribute nu au efecte laterale -> ***gramatică de attribute***
- Definitie orientata sintaxa + detalii de implementare = ***schemă de traducere***.
- Fie urmatorul arbore de derivare:
  - $A.a = f(X.a, Y.a, Z.a)$  – atribut sintetizat
  - $Y.a = F(A.a, X.a, Z.a)$  –atribut mostenit



# Syntax directed definition

- Dupa ce am stabilit gramatica limbajului
  - Pentru fiecare simbol din gramatica se asociaza un atribut (eventual cu mai multe campuri)
  - Pentru fiecare producție se asociaza o multime de reguli semantice (cum calculam valoarea atributelor)
- Gramatica + reguli semantice => definitie orientata sintaxa
- Pt o productie  $A \rightarrow X_1 \dots X_k$  regulile semantice sunt de forma:
  - $A.a := f(X_1.a, \dots, X_k.a)$
  - $X_i.a := f(A.a, X_1.a, \dots, X_{i-1}.a)$ , cu  $X_i$  neterminat

# Gramatica de attribute



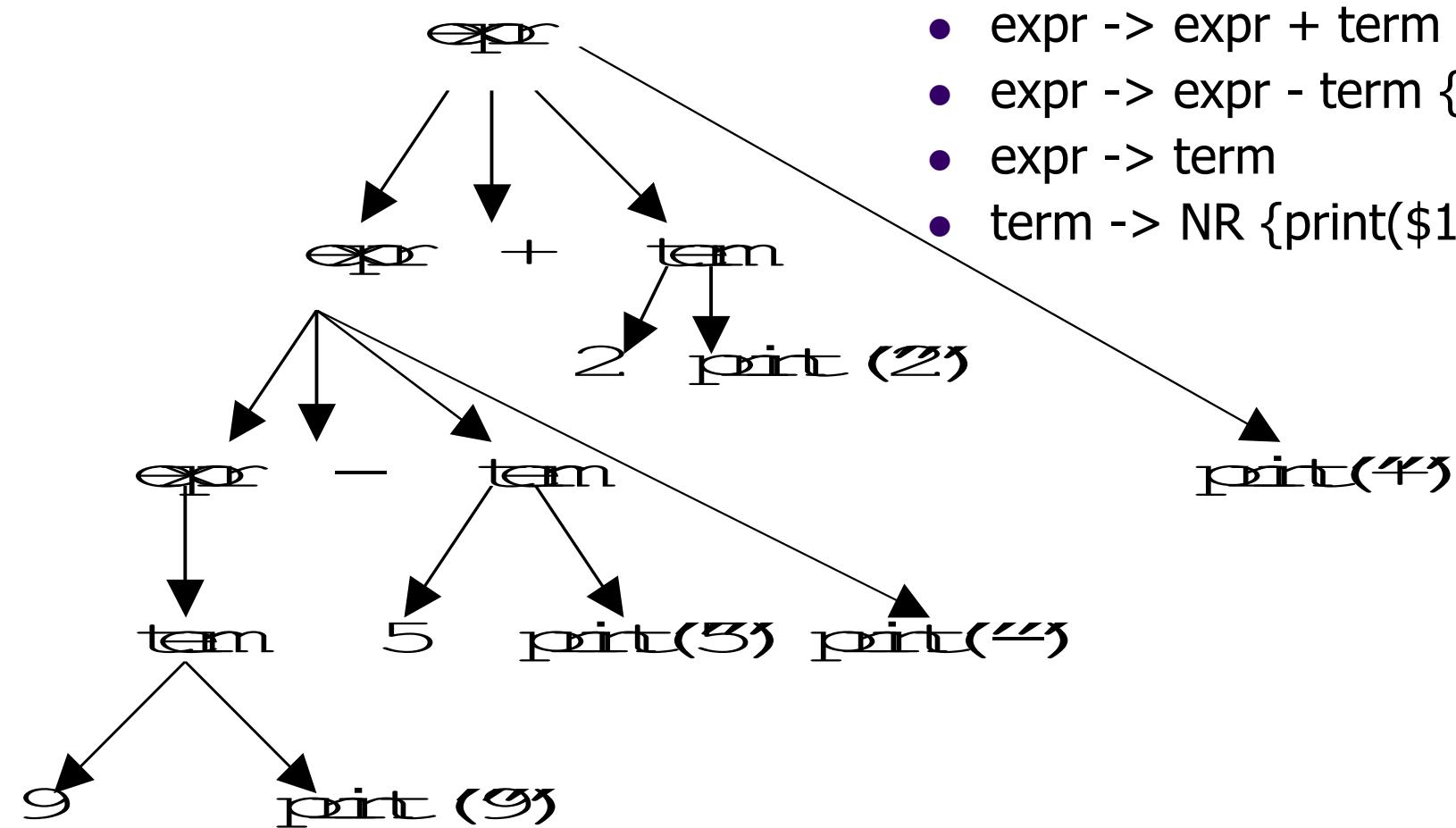
Translataarea expresiilor in forma  
postfixata

Produs	Actiune
$expr \rightarrow expr_1 + term$	$expr.t := expr_1.t \ term.t '+'$
$expr \rightarrow expr_1 - term$	$expr.t := expr_1.t \ term.t '-'$
$expr \rightarrow term$	$expr.t := term.t$
$term \rightarrow 0$	$term.t := '0'$
...	...

# Scheme de traducere

- O schema de traducere
  - GIC + actiuni semantice (definitie orientata sintaxa)
  - Momentul in care act. semantice sunt executate in timpul parsarii
- O specificare posibila utilizeaza fragmente de program reprezentand actiuni semantice intercalate intre simbolii care apar in partea dreapta a producțiilor:
  - $A \rightarrow a \{ \text{print('x')} \} \beta$
  - se va afisa caracterul 'x' după ce se vizitează subarbo-rele a și înainte de traversarea subarborelui  $\beta$ .
  - Un nod care reprezintă o acțiune semantică nu are descendenți iar acțiunea semantică se execută atunci când este întâlnită în parcurgerea arborelui.

# Exemplu: 9-5+2



- $\text{expr} \rightarrow \text{expr} + \text{term} \{\text{print}(+)\}$
- $\text{expr} \rightarrow \text{expr} - \text{term} \{\text{print}(-)\}$
- $\text{expr} \rightarrow \text{term}$
- $\text{term} \rightarrow \text{NR} \{\text{print}(\$1)\}$

# Graful de dependenta

- Definitiile orientate sintaxa nu precizeaza cand se aplica regulile semantice
  - Dar se precizeaza cum depind unele de altele
  - Dacă un atribut depinde de un alt atribut c, atunci regula semantică pentru calculul atributului b trebuie să fie evaluată după regula semantică care îl produce pe c
- Graful de dependenta
  - Noduri = atrbute
  - Arc  $n_1 \rightarrow n_2$  :  $n_2$  se calculeaza pe baza  $n_1$

# Calculul atributelor

- Ordinea de calcul – ordinea topologica pe graful de dependenta
- Se construieste arborele de derivare, apoi graful de dependenta pentru toate attributele, apoi se sorteaza topologic si rezulta o ordine de calcul a atributelor
  - Calculul atributelor este posibil numai dacă graful de dependență este necircular.
- Conteaza ordinea de evaluare?
  - Nu, pentru gramaticile de attribute
  - Da, pentru schemele de traducere

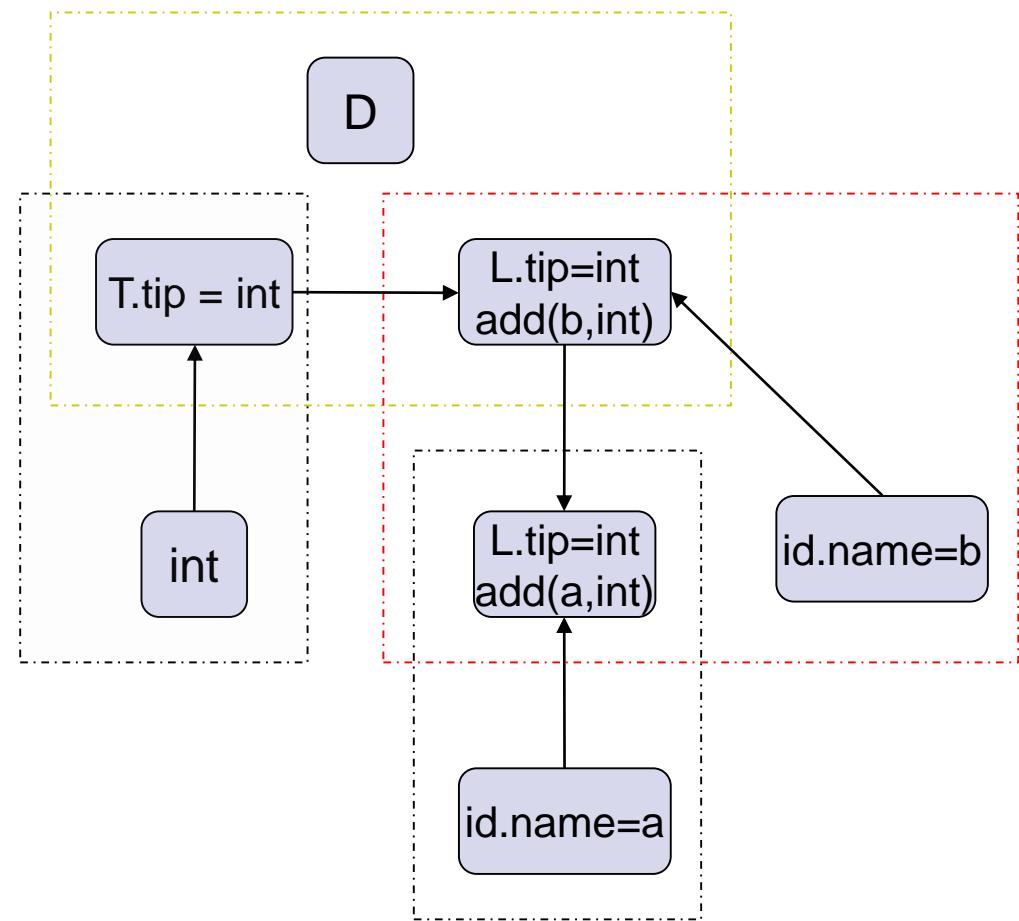
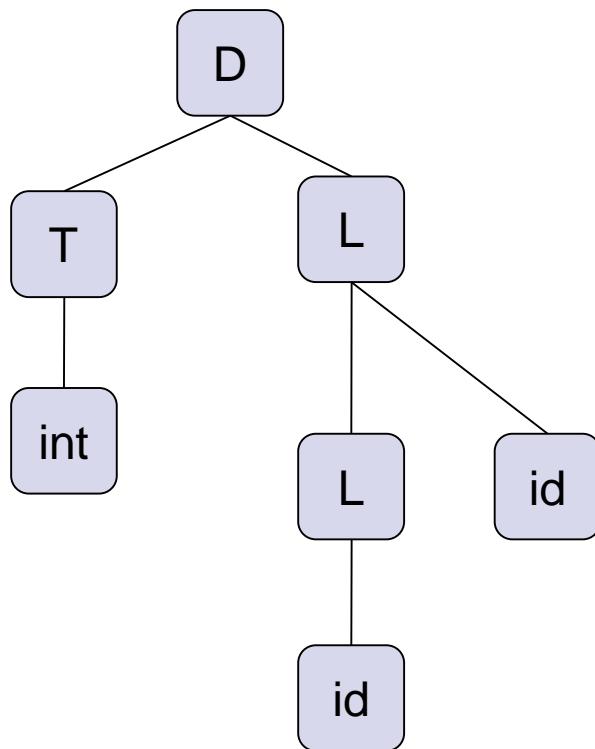
# Exemplu

- float a, b, c;
- L.tip depinde de T.tip,  
addVar() depinde de L.tip
- L.tip, id.nume sunt  
mostenite
- T.tip e sintetizat
- Definitie orientata sintaxa,  
nu gramatica de atribut  
(addVar)

Producție	Regula semantică (acțiune)
$D \rightarrow T \ L;$	$L.\text{tip} = T.\text{tip}$
$T \rightarrow \text{int}$	$T.\text{tip} = \text{int}$
$T \rightarrow \text{float}$	$T.\text{tip} = \text{float}$
$L \rightarrow L_1, \text{id}$	$L_1.\text{tip} = L.\text{tip};$ $\text{addVar}(\text{id.nume}, L.\text{tip})$
$L \rightarrow \text{id}$	$\text{addVar}(\text{id.nume}, L.\text{tip})$

# Calculul atributelor (cont.)

- “int a,b;”



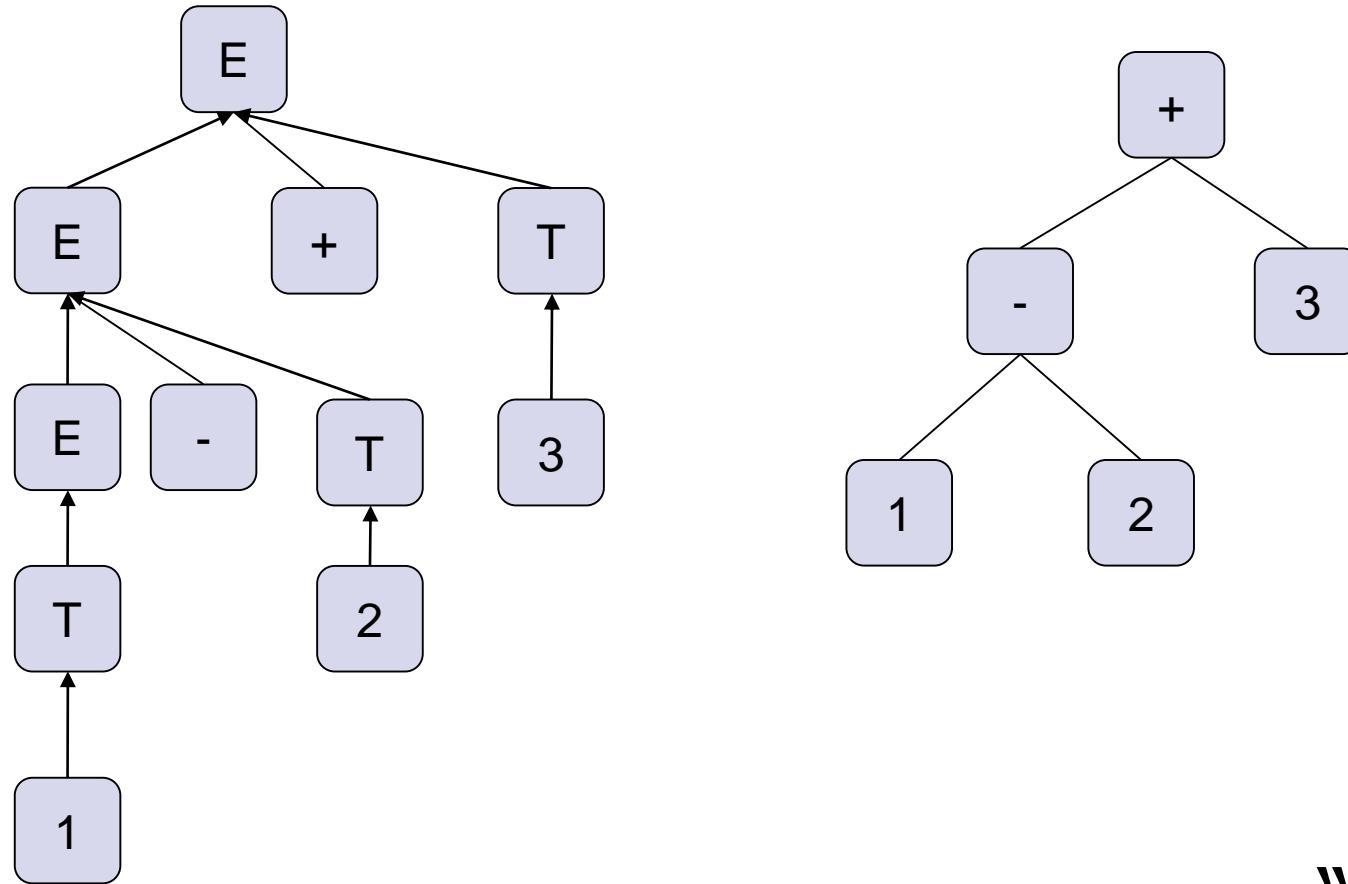
# Calculul atributelor

- Dandu-se o definitie orientata sintaxa, este graful necircular pentru orice arbore de derivare?
  - Algoritm exponential in cazul general
  - Se restrictioneaza regulile de calcul ale atributelor
- Evaluare in timpul parsarii
- Algoritmi care garanteaza ordinea de evaluare

# Definitii S-atributate

Producție	Regula semantică (acțiune)
$E \rightarrow E_1 + T$	$E.s := \text{Nod}( '+ ', E_1.s, T.s );$
$E \rightarrow E_1 - T$	$E.s := \text{Nod}( '- ', E_1.s, T.s );$
$E \rightarrow T$	$E.s := T.s$
$T \rightarrow \text{num}$	$T.s := \text{Nod}(\text{num}.val)$

# Definitii S-atributate (cont.)



# Definitii S-atributate (cont.)

- Doar attribute sintetizate
  - Stiva e 'imbogatita' cu informatii legate de attributele neterminalilor recunoscuti
  - De cate ori se face o reducere, valorile atributelor sintetizate sunt calculate pornind de la attributele care apar în stivă pentru simbolii din partea dreaptă a producției.
  - Naturale in analiza ascendenta, dar si in analiza descendenta

# Definitii S-atributate (cont.)



## Analiza descendant recursiva

```
expr returns [int value] : e=term {$value = $e.value;}  
  ('+' e=term {$value += $e.value;})*;
```

```
int Expr() {  
    int e = Term(), value = e;  
    while (lookahead() == PLUS) {  
        match(PLUS);  
        e = Term();  
        value += e;  
    }  
    // ... verify lookahead here ...  
    return value;  
}
```

- Dar intr-un automat cu stiva?

# Definitii S-atributate

## Analiza ascendenta

```
expr : expr '+' term { $$ = $1 + $3; }
| term { $$ = $1; } ;
```

- Cod executat la reduce:

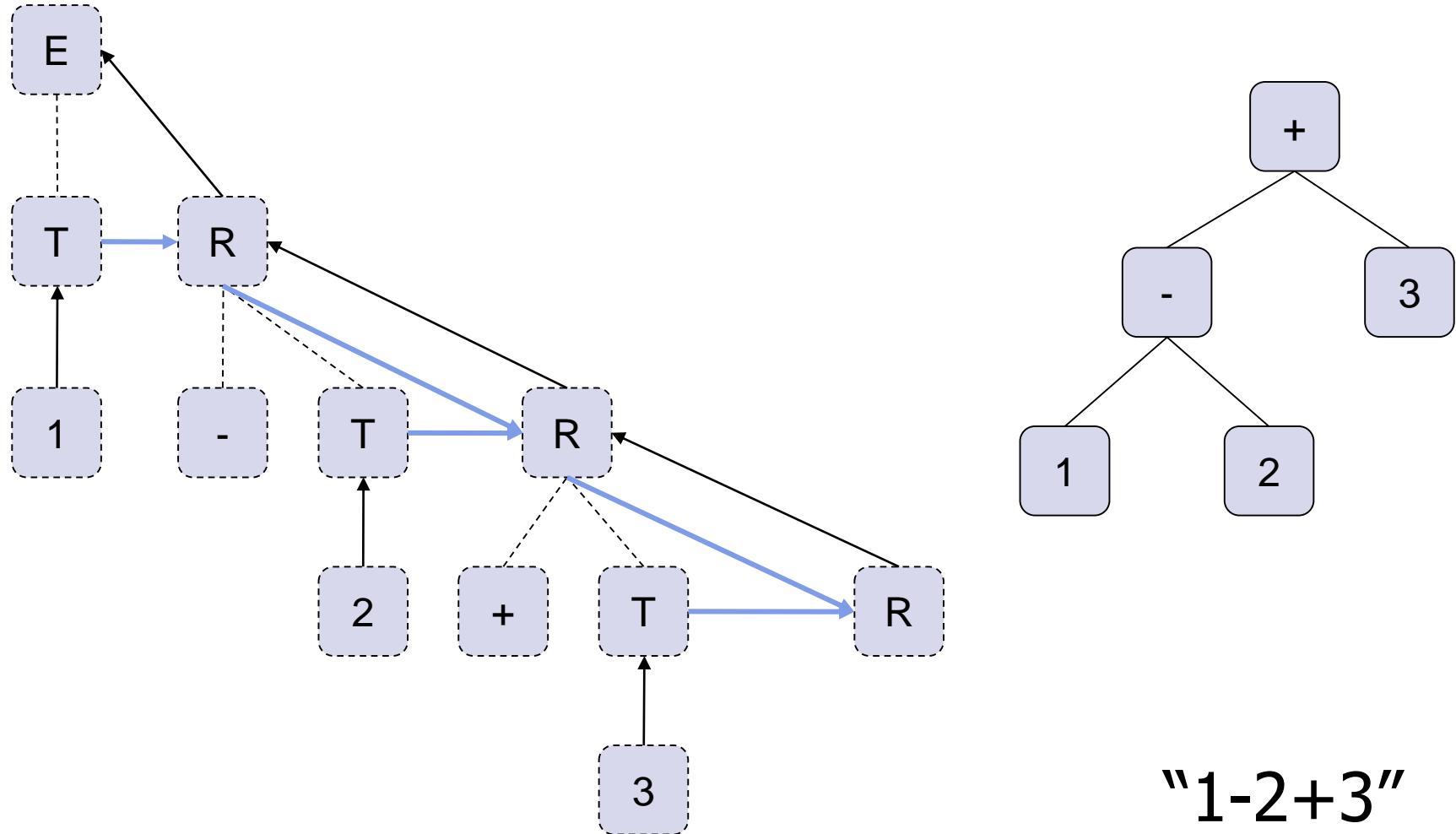
```
switch (state) {
    case 3: value = stack[top - 2] + stack[top]; break;
    case 4: value = stack[top]; break;
}
pop(stack, 3); push(stack, value);
```

- Care e continutul stivei?
- Ce cod se genereaza pentru shift?

# Definirile L-atributelor

Produs	Regula semantică (acțiune)
$E \rightarrow T R$	$R.m := T.s; E.s = R.s$
$R \rightarrow - T R_1$	$R_1.m := \text{Nod}(' - ', R.m, T.s); R.s = R_1.s$
$R \rightarrow + T R_1$	$R_1.m := \text{Nod}(' + ', R.m, T.s); R.s = R_1.s$
$R \rightarrow \lambda$	$R.s := R.m$
$T \rightarrow \text{num}$	$T.s := \text{Nod}(\text{num}.val)$

# Definitii L-atributate (cont.)



# Definitii L-atributate (cont.)

- Orice atribut calculat printr-o regulă semantică asociată producției  $A \rightarrow X_1 X_2 \dots X_n$  este
  - fie sintetizat,
  - fie este un atribut moștenit pentru neterminalul  $X_j$  care depinde numai de attributele simbolilor  $X_1, X_2, \dots X_{j-1}$  și de attributele moștenite pentru A
- Includ definițiile S-atributate
- Naturale în analiza descendenta

# Definitii L-atributate

## Analiza descendant recursiva

$R \rightarrow + T R_1$	$R_1.m := \text{Nod}('+', R.m, T.s); R.s = R_1.s$
$R \rightarrow \lambda$	$R.s := R.m$

```
Nod R(Nod m) {  
    if (lookahead() == PLUS) {  
        MATCH(PLUS);  
        Nod t = T();  
        Nod r = R(new Nod(PLUS, m, t));  
    }  
    else  
        r = R(m);  
    return r;  
}
```

# Implementare în analiza ascendenta

$E \rightarrow TR$

$R \rightarrow +T \{ \text{print}('+) \} R \mid -T \{ \text{print}('-) \} R \mid \lambda$

$T \rightarrow \text{numar} \{ \text{print}(\text{numar.val}) \}$

- Putem să rescriem schema de traducere sub forma:

$E \rightarrow TR$

$E \rightarrow +T M R \mid -T N R \mid \lambda$

$T \rightarrow \text{numar} \{ \text{print}(\text{numar.val}) \}$

$M \rightarrow \lambda \{ \text{print}('+) \}$

$N \rightarrow \lambda \{ \text{print}('-) \}$

- Ambele scheme de traducere reprezintă aceeași gramatică și toate acțiunile sunt executate în aceeași ordine. Prin introducerea unor simboli neterminali suplimentari am reușit să îndeplinim condiția de a avea acțiunile semantice la sfârșitul producției

# Implementare (cont.)

- Putem considera cunoscuta structura stivei
- T apare intotdeauna in stiva inaintea lui L
- Putem folosi addVar(id.nume, Previous(stack).tip).
- Pt. atributele sintetizate, pozitia se stie; pt cele mostenite, e "tricky"

Producție	Regula semantică (acțiune)
$D \rightarrow T\ L;$	$L.\text{tip} = T.\text{tip}$
$T \rightarrow \text{int}$	$T.\text{tip} = \text{int}$
$T \rightarrow \text{float}$	$T.\text{tip} = \text{float}$
$L \rightarrow L_1, \text{id}$	$L_1.\text{tip} = L.\text{tip};$ addVar(id.nume, L.tip)
$L \rightarrow \text{id}$	addVar(id.nume, L.tip)

# Implementare (cont.)

- Solutia anterioara nu e generica.
- T nu mai apare intotdeauna in stiva inaintea lui L
- Putem modifica gramatica:
  - $D \rightarrow T : X L$
  - $X \rightarrow \lambda$
  - $X.tip = T.tip$
  - $L.tip = T.tip$

Producție	Regula semantică (acțiune)
$D \rightarrow T : L;$	$L.tip = T.tip$
$D \rightarrow TL;$	$L.tip = T.tip$
$T \rightarrow \text{int}$	$T.tip = \text{int}$
$T \rightarrow \text{float}$	$T.tip = \text{float}$
$L \rightarrow L_1, id$	$L_1.tip = L.tip;$ <code>addVar(id.nume, L.tip)</code>
$L \rightarrow id$	<code>addVar(id.nume, L.tip)</code>

# Implementare (cont.)

- Probleme daca gramatica nu e LL(1)

$A_1 \rightarrow A_2 x \{A_2.m = f(A_1.m); \} \mid y \{y.i=f(A_1.m);\}$

Introducem neterminali:

$A \rightarrow M_1 A x \mid M_2 y$

$M_1 \rightarrow \lambda$

$M_2 \rightarrow \lambda$

- Apare conflict reduce-reduce  $M_1-M_2$ 
  - $y$  e in  $\text{FOLLOW}(M_1)$  si in  $\text{FOLLOW}(M_2)$

# Ce poate contine un atribut?

- Un sub-arbore sintactic
- Valoarea unei expresii (evaluare/interpretare)
- Tipul unei expresii
- Cod intermediar / final generat
  - Syntax-directed translation

# Atribute folosite in traducere

- $T \rightarrow \text{var}$

```
T.Cod = ε
```

```
T.Res = var
```

- $E \rightarrow T$

```
E.Cod = T.Cod
```

```
E.Res = T.Res
```

- $E \rightarrow E + T$

```
E.Cod =
```

```
E.Cod;
```

```
T.Cod;
```

```
temp = E.Res + T.Res
```

```
E.Res = temp
```

# Atribute folosite in traducere

- $I \rightarrow \text{if } E \text{ then } I_1 \text{ else } I_2$

```
I.Cod =
    E.Cod;
    if E.Res==false goto l1
    I1; goto l2
l1: I2;
l2:
```

- $L \rightarrow \text{var}$

```
L.Cod = ∈
L.Address = addr(var)
```

- $I \rightarrow L = E$

```
I.Cod =
    L.Cod;
    E.Cod;
    store (L.Address, E.Res)
```

- $L \rightarrow \text{var } [E]$

```
L.Cod =
    E.cod;
    temp =
        addr(var) + E.Res * size
    L.Address = temp
```

# Atribute folosite in traducere

- $I \rightarrow \text{if } C \text{ then } I_1 \text{ else } I_2$

```

I.Cod =
    C(xa, xb).Cod;
    xa: I1; goto xc
    xb: I2
    xc:
```

- $C \rightarrow C_1 \text{ and } E$

```

C(xtrue, xfalse).Cod =
    C1(xn, xfalse).Cod;
    xn: if E==true goto xtrue
                  goto xfalse
```

- $C \rightarrow E$

```

C(xtrue, xfalse).Cod =
    if E==true goto xtrue
                  goto xfalse
```

- $C \rightarrow C_1 \text{ or } E$

```

C(xtrue, xfalse).Cod =
    C1(xtrue, xn).Cod;
    xn: if E==true goto xtrue
                  goto xfalse
```

# Analiza semantica, in practica

- Practic, pe noi ne intereseaza
  - sa adnotam arborele sintactic cu informatia de tip
  - sa construim tabela (tabelele) de simboli
  - sa modificam arborele (daca e nevoie) prin inserarea de noduri type-cast
- Mare parte din analiza semantica se refera la management-ul contextelor

# Contexte (scopes)

- Contextele pastreaza definitiile/declaratiile curente
  - Numele si structura tipurilor
  - Numele si tipul variabilelor
  - Numele, tipul de 'return', numarul si tipul parametrilor pentru functii
- Pe masura ce variabilele/functiile/tipurile etc sunt declarate, sunt adaugate la contextul curent
- Cand variabilele(functii, tipuri) sunt accesate, se verifica definitia din contextul current
- Contextele sunt imbricate

# Contexte - exemple

- C++
  - Contextul local (de la declaratie pana la sfarsitul blocului/fisierului)
  - Label-urile – valabile in intreaga functie.
  - Campurile/metodele – valabile in intreaga clasa.
  - Name spaces
- Java
  - Nivele: Package, Class, Inner class, Method
- Name hiding

# Contextele si spatiile de nume

- Tipurile si variabilele au spatii de nume diferite in limbaje diferite:
- In C:
  - `typedef int foo; foo foo; // e legal`
  - `int int; // e ilegal – int e cuvant rezervat`
- In Java
  - `Integer Integer = new Integer(4); // e legal`
- Ilegal in C, legal in Java:
  - `int foo(x) { return x+4;}`
  - `int f(){ int foo=3; return foo(foo);}`
  - E totusi nerecomandat chiar daca e legal !!!

# Implementarea contextelor

- Se face cu ajutorul tablelor de simboli
- Actiuni pentru tabela de simboli:
  - Deschide un context nou.
  - Adauga o pereche "cheie=valoare"
  - Cauta valoarea unei chei, daca sunt mai multe intoarce-o pe cea din contextul cel mai 'recent'
  - Inchide contextul – sterge toate perechile 'cheie=valoare' din context.
- Concret – implementare cu stiva sau hashtable

# Implementarea contextelor(2)

- Varianta 1: cu stiva. În fiecare context avem cate o tabelă de simboli. Există o stivă de contexte deschise, și căutarea unui simbol se face în din varful către baza stivei
- Varianta 2: cu hashtable. Avem o singură tabelă de simboli, în care avem nume\_identifier + nr. context. La închiderea unui context, se sterg toți identificatorii cu numarul respectiv.

# Contexte statice sau dinamice

- Contexte statice – apartenenta unui simbol la un context este decisa la compilare
  - Natural in C/C++/Java
  - Pascal - o functie imbricata in alta functie poate accesa variabilele locale ale functiei 'mama'.
- Contexte dinamice – decizie la rulare
  - LISP : defvar - se acceseaza variabile din functia apelanta

# Tipuri

- Tip = setul de valori + operatiile permise pe valorile respective; 3 categorii:
  - Tipuri simple/de baza: int, float, double, char, bool – tipuri primitive, de obicei exista suport hardware direct pentru ele de ex. registri dedicati). Si 'enum' intra aici.
  - Tipuri compuse – array, pointer, struct, union, class, etc. Obtinute prin compunerea tipurilor de baza cu tipuri compuse simple (array/pointer)
  - Tipuri complexe – liste, arbori – de obicei suportate prin biblioteci, nu direct de limbaj

# Informatii despre tipuri

- La tipurile de baza, nu avem nevoie de informatie suplimentara (exceptie: enum)
  - Tipurile de baza sunt create 'by default'
  - Variabilele au un pointer la tip
- Tipurile compuse
  - Au nevoie de o lista de nume de campuri, cu tipul lor
  - Poate fi tinuta ca si context!
  - Expresii de tip

# Informatii despre tipuri (continuare)

- Array
  - Tipul de baza, numarul de elemente
  - Eventual range-ul indicilor, pentru array-uri declarate static
  - Pentru array-urile multidimensionale – fiecare dimensiune e un nou tip!
- Pointeri
  - Tipul de baza (poate fi tot pointer)
- Adnotari – pe toate tipurile
  - const, restricted, etc.
  - Creaza un nou tip!
  - Sunt si adnotari ce influenteaza doar variabilele (de ex. 'static').

# Constructii care au tip asociat

- Constantele
- Variabilele
- Functiile
- Expresiile
- Instructiunile
  - De ex. 'if' asteapta o expresie de tip 'bool'
  - Tipul void
- Tipuri+constructii+reguli generale = sistem de tipuri

# Limbaje si tipuri

- **Dinamice vs. Statice**
  - Unde se face verificarea de tipuri?  
La rulare vs. la compilare.
- **Strongly typed vs. Weakly typed**
  - Ce se întâmplă dacă tipurile nu se potrivesc?  
Se emite eroare vs. se face conversie.

# Verificarea de tip

- Sinteză
  - Determinarea tipului unei construcții (e.g. expresie) pornind de la tipurile membrilor (subexpresii)
  - Dacă  $f$  are tipul  $S_x \times S_y \times \dots \rightarrow T$  și  $x$  are tipul  $S_x$ ,  $y$  are tipul  $S_y$  atunci  $f(x,y\dots)$  are tipul  $T$
  - Overloading – pentru funcții și operatori
- Inferență
  - Determinarea tipului unei construcții din context.

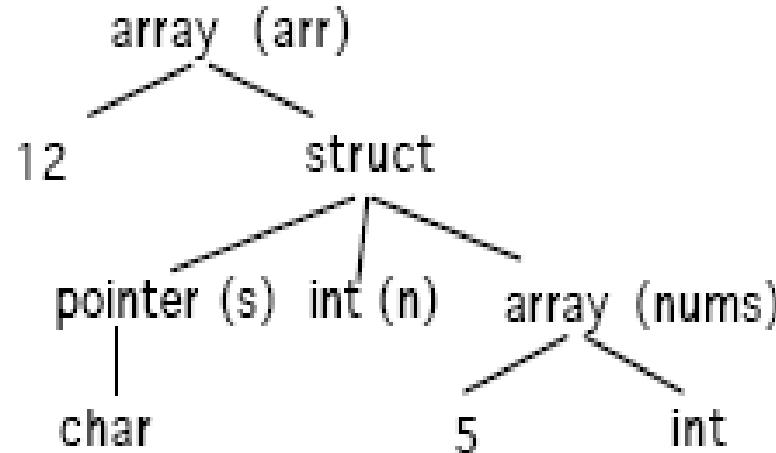
# Actiuni din analiza semantica

- Declaratii -> adauga info. in tabela de simboli; daca nu gaseste tipul, raporteaza eroare
  - Declaratii array – pot produce tipuri noi
- Instructiuni/constructii: verifica regulile specifice fiecarei instructiuni
  - $A=b$ ; -> a si b exista? au tipuri compatibile?
- Prototipuri de functii -> ...

# Echivalenta tipurilor compuse

- Se tine informatia de tip sub forma de arbore
- Echivalenta – de nume; structurala
- Se verifica recursiv echivalenta pe arbore
  - Atentie la tipuri recursive!

```
struct {  
    char *s;  
    int n;  
    int nums[5];  
} arr[12];
```



# Tipuri compatibile, subtipuri

- int compatibil cu double
  - nu neaparat in ambele directii!!
  - Conversii implicite vs. explicite
  - Widening / Narrowing
- Subtip – poate fi folosit oricand in locul tipului ‘parinte’
  - Enum in C
  - Mostenire in C++

# Tipuri compatibile - variance

- Tipuri generice
- Covariant

```
PrintFullName(IEnumerable<Person> persons) {...}  
Main() { List<Employee> employees = new List<Employee>();  
    PrintFullName(employees); }
```

- Contravariant

```
Action<Person> printFullName = (target) => { Console.WriteLine(target.Name); };  
Action<Employee> onEmployeeClick = printFullName;
```

- Invariant

```
List<Person> e;  
e = new List<Employee>() // Not allowed  
e.add(new Customer()); // This fails
```

# Inferenta de tipuri

- Deducerea tipului unei expresii din context
- La compilare sau la rulare.
- De ce?
  - Verificarea tipurilor
  - Function overloading, generics/templates
  - Introducerea de conversii implicite
  - Declaratii simplificate, tipuri ad-hoc

# Inferenta de tipuri

- Function overloading
  - void f(int) {...}
  - void f(char) {...}
  - f(3.14); // Se pot aplica conversii?
- Generics / Templates
  - template<T> f(T a, T\* b) {...}
  - int x[]; f(x[0], x);

# Inferenta de tipuri

- Declaratii simplificate, tipuri ad-hoc
  - `map<int,list<string>> m;`  
**map<int,list<string>>::iterator** `i = m.begin(); //C++`  
**auto** `i = m.begin(); // C++11`
  - `Dictionary<int, string> d = new Dictionary<int, string>();`  
`var d = new Dictionary<int, string>();`
  - `var p1 = new { Name = "Lawnmower", Price = 495.00 };`  
`var p2 = new { Name = "Shovel", Price = 26.95 };`  
`p1 = p2;`
- Se sintetizeaza tipul expresiei din dreapta, se infera tipul expresiei din stanga.

# Inferenta functiilor polimorfice

- fun lungime(lptr) = if null(lptr)  
    then 0  
    else lungime(tl(lptr)) + 1;
- Limbaj functional – ML
- Ce tip intoarce functia lungime?
- Null si tl ("tail") opereaza pe liste.

# Expresii de tip

```

lungime: β;                                // β, γ sunt variabile de tip
lptr : γ;
if   : ∀α, boolean × α × α → α;          // functie polimorfica
null : ∀α, list(α)→ boolean;
tl   : ∀α, list(α)→ list(α)
0    : integer;
1    : integer;
+    : integer × integer → integer;
match : ∀α, α × α → α;
match (
    lungime(lptr),
    if (null(lptr), 0, lungime(tl(lptr)) + 1)
)  // pseudo-operator – sunt tipurile echivalente?

```

# Inferenta functiilor polimorfice

## Substitutie si unificare



**lungime**:  $\gamma \rightarrow \delta$  ;

lptr :  $\gamma$ ;

if :  $\forall \alpha$ , boolean  $\times \alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ ;

null :  $\forall \alpha$ , list( $\alpha$ ) $\rightarrow$  boolean;

tl :  $\forall \alpha$ , list( $\alpha$ ) $\rightarrow$  list( $\alpha$ )

+ : integer  $\times$  integer  $\rightarrow$  integer;

*match* :  $\forall \alpha$ ,  $\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ ;

*match* (

  lungime( $\gamma$ ),

  if (**boolean**, **integer**, lungime(tl( $\gamma$ )) + **integer**)

)

# Inferenta functiilor polimorfice

## Substitutie si unificare

lungime:  $\gamma \rightarrow \delta$  ;

lptr :  $\gamma$ ;

if :  $\forall \alpha$ , boolean  $\times \alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ ;

tl :  $\forall \alpha$ , list( $\alpha$ )  $\rightarrow$  list( $\alpha$ )

+ : integer  $\times$  integer  $\rightarrow$  integer;

*match* :  $\forall \alpha$ ,  $\alpha \times \alpha \rightarrow \alpha$ ;

*match* (

    lungime( $\gamma$ ),

    if (boolean, integer, lungime(tl( $\gamma$ )) + integer)

    )

*match*(lungime(tl( $\gamma$ )) + integer , integer)

*match*(tl( $\gamma$ ) , list ( $\beta$ ))

# Inferenta functiilor polimorfice

## Substitutie si unificare



**lungime:**  $\forall \beta, \text{list}(\beta) \rightarrow \text{integer}; // \text{Din if}(...)$

**Iptr :**  $\text{list}(\beta); // \text{Din tl}(...)$

**if** :  $\forall \alpha, \text{boolean } x \alpha x \alpha \rightarrow \alpha;$

**tl** :  $\forall \alpha, \text{list}(\alpha) \rightarrow \text{list}(\alpha)$

**+** :  $\text{integer} x \text{integer} \rightarrow \text{integer};$

**match** :  $\forall \alpha, \alpha x \alpha \rightarrow \alpha;$

**match (**

**lungime(list(β)),**

**if (boolean, integer, lungime(list(β)) + integer)**

**)**

**match(lungime(list(α)), integer) // Din ...+...**

# Unificare - algoritmul

- Unificare( $s,t$ )
  - daca  $(s==t) \rightarrow \text{ok}$
  - daca  $s, t$  sunt tipuri compuse similare,  $s=f(s_1,s_2)$ ,  $t=f(t_1,t_2)$ 
    - Inlocuieste  $s$  cu  $t$ 
      - $s$  si  $t$  vor face parte din aceeasi clasa de echivalenta
    - $\text{Unificare}(s_1,t_1) \&& \text{Unificare}(s_2,t_2);$
  - daca  $s$  e o variabila  $\rightarrow$  inlocuieste  $s$  cu  $t$ ;  $\text{ok}$
  - daca  $t$  e o variabila  $\rightarrow$  inlocuieste  $t$  cu  $s$ ;  $\text{ok}$
  - altfel unificarea nu e posibila